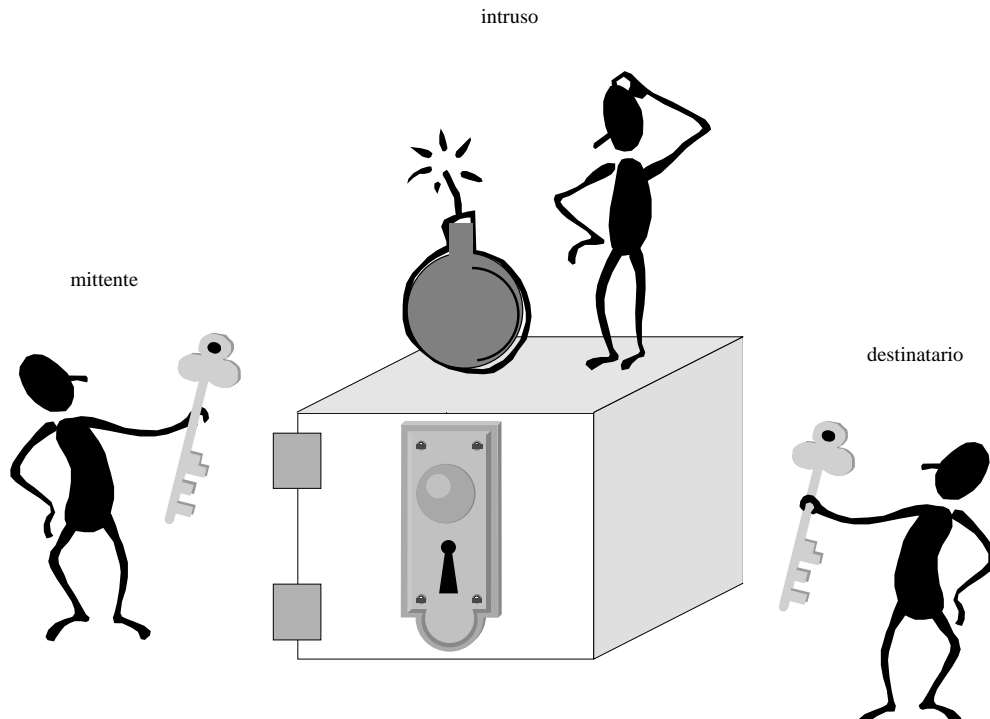
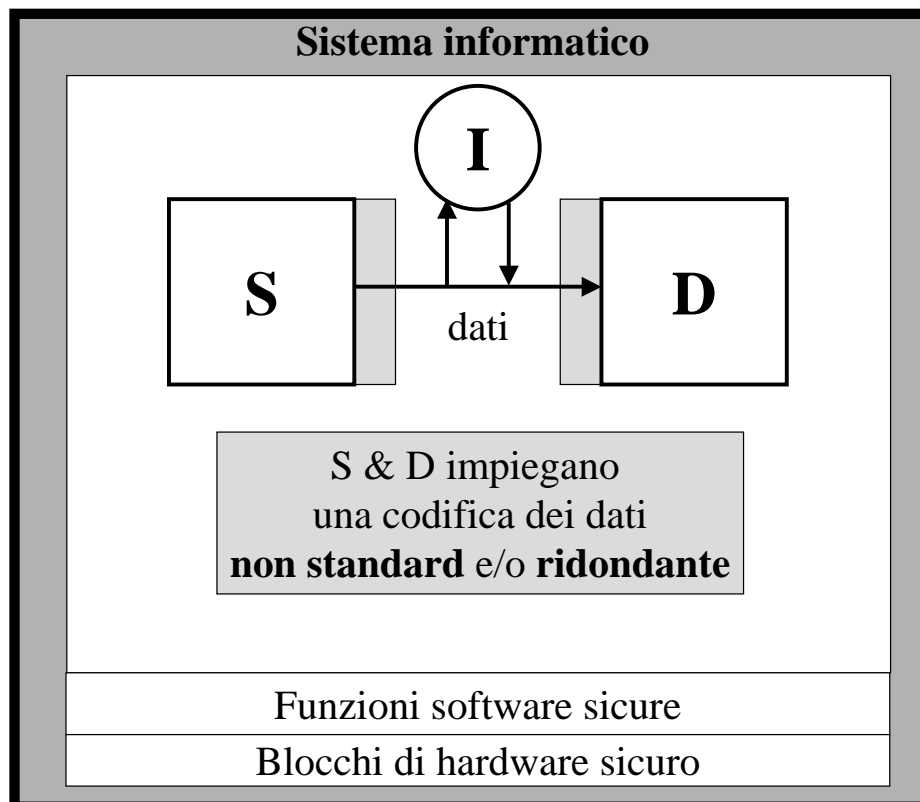


Dati sicuri

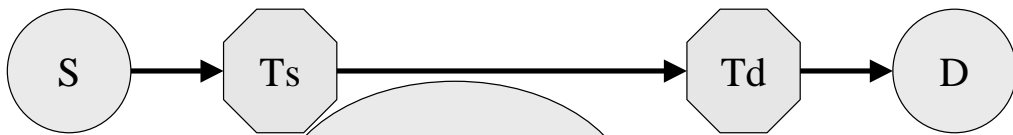


Sicurezza dei dati

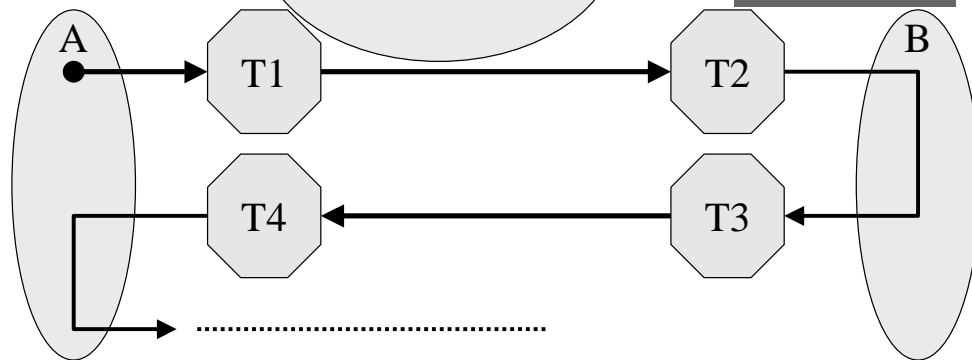


Trasformazioni per la Sicurezza

1: algoritmi

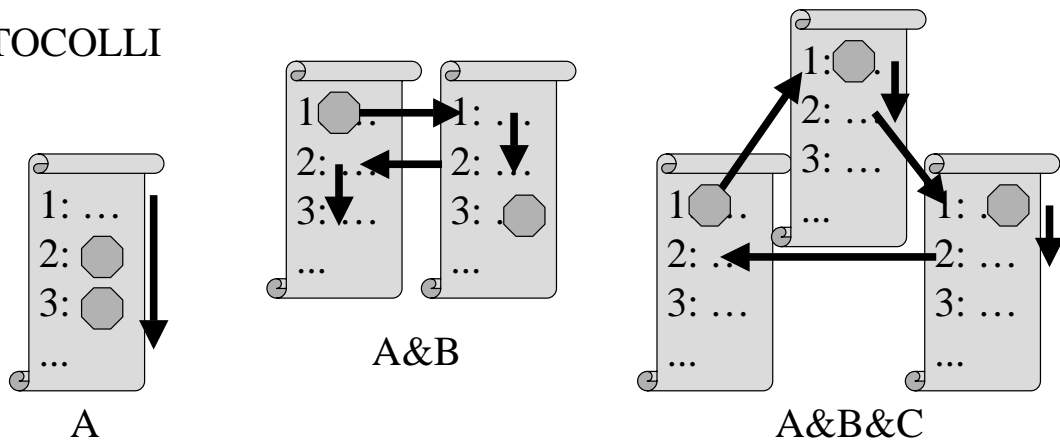


2: protocolli

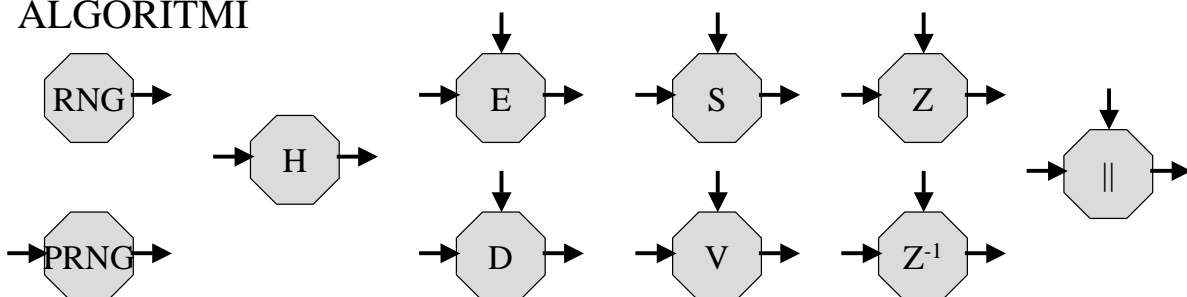


Meccanismi

PROTOCOLLI

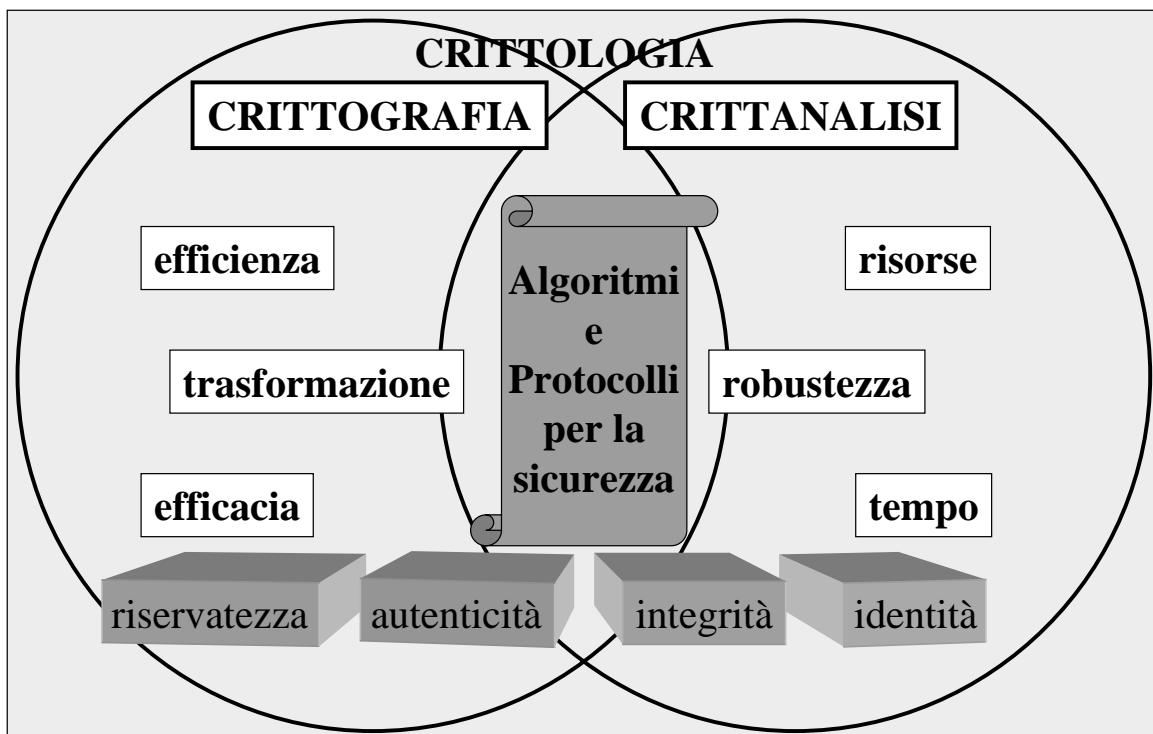


ALGORITMI



- 2.1 Che cos'è la Crittografia?**
- 2.2 Che cos'è la Crittanalisi?**
- 2.3 Quali sono i principi di difesa?**

Crittografia e Crittanalisi





Crittografia classica

Algoritmi semplici

1940-44



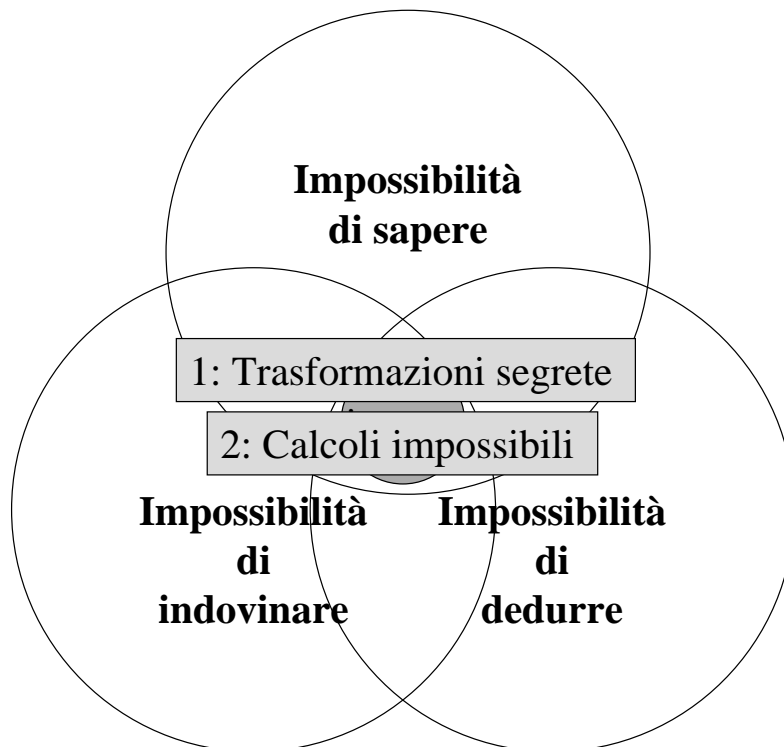
Algoritmi complessi

Crittografia moderna

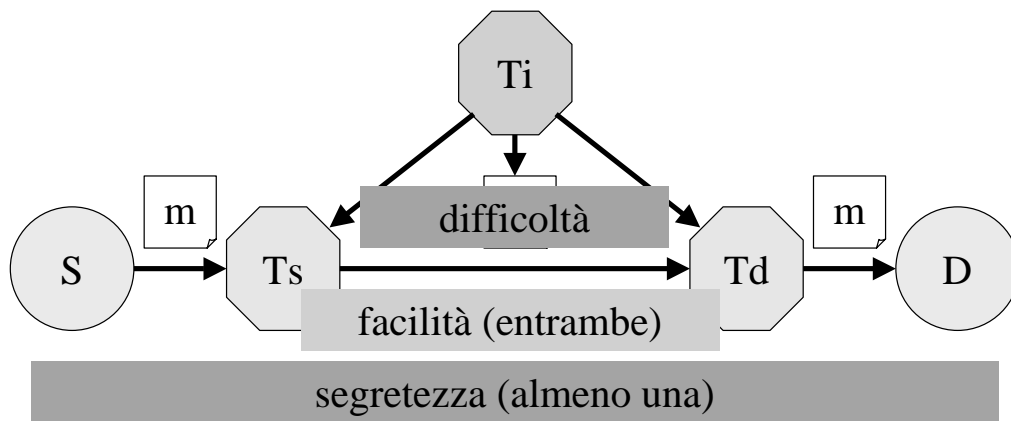
Teoria degli algoritmi
Teoria dell'informazione
Teoria dei numeri
Teoria della probabilità



I Principi della Difesa



Trasformazioni per la Sicurezza



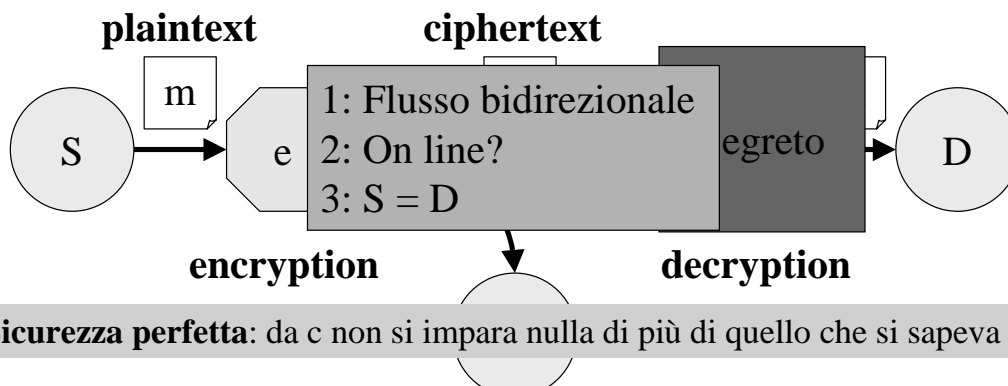
Tutti gli algoritmi
corrispondenti ad azioni lecite
devono essere facili

Tutti gli algoritmi
corrispondenti ad azioni illecite
devono essere difficili

Trasformazioni per la sicurezza
• **riservatezza**

Elaborazioni per la Riservatezza di un Messaggio

□ R2: "la sorgente trasforma la rappresentazione originaria delle informazioni riservate in una rappresentazione che le renda apparentemente incomprensibili; la destinazione è l'unica a saper eseguire la trasformazione inversa".

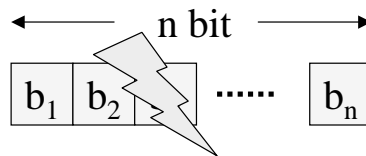


□ R3: "i calcoli per mettere in chiaro un testo cifrato senza conoscere l'algoritmo di decifrazione devono essere difficili"

Trasformazioni per la sicurezza

- **integrità**

Minacce all'integrità

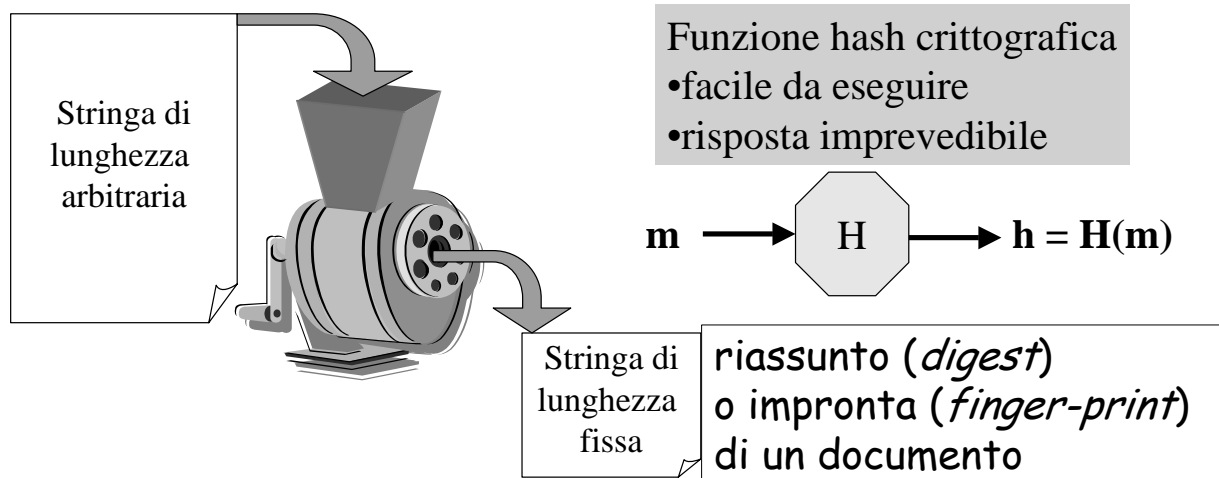


- Inserzione
- Cancellazione
- Spostamento
- Inversione

di uno o più bit

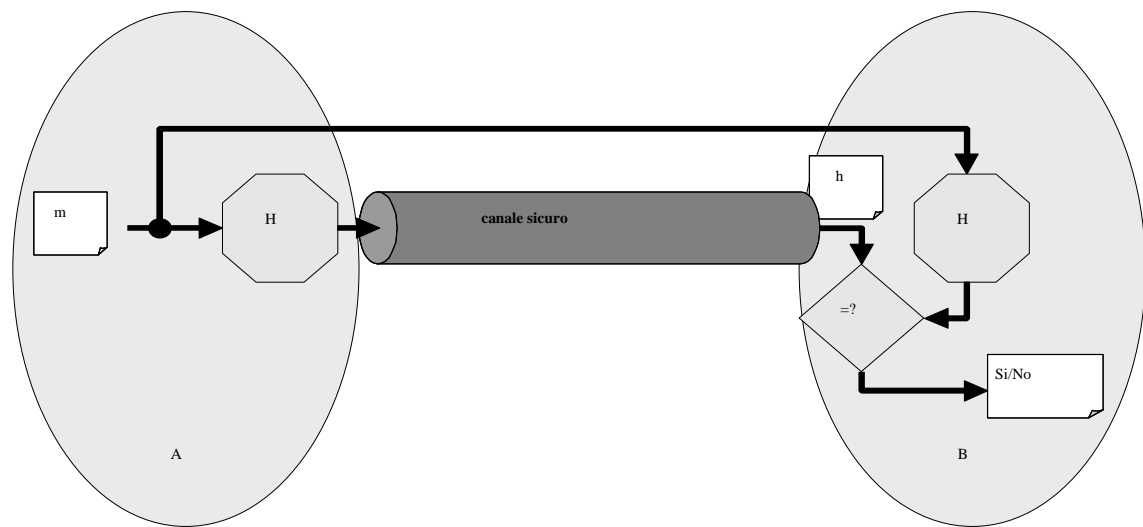
Integrità: rilevazione di attacchi intenzionali

□R6: “la sorgente deve affiancare al documento un “riassunto” che ne rappresenti in modo univoco il contenuto e l’origine; la destinazione deve poter verificare l’autenticità e la congruenza del riassunto”



□R7: “i calcoli per costruire due messaggi con la stessa impronta devono essere difficili da eseguire”

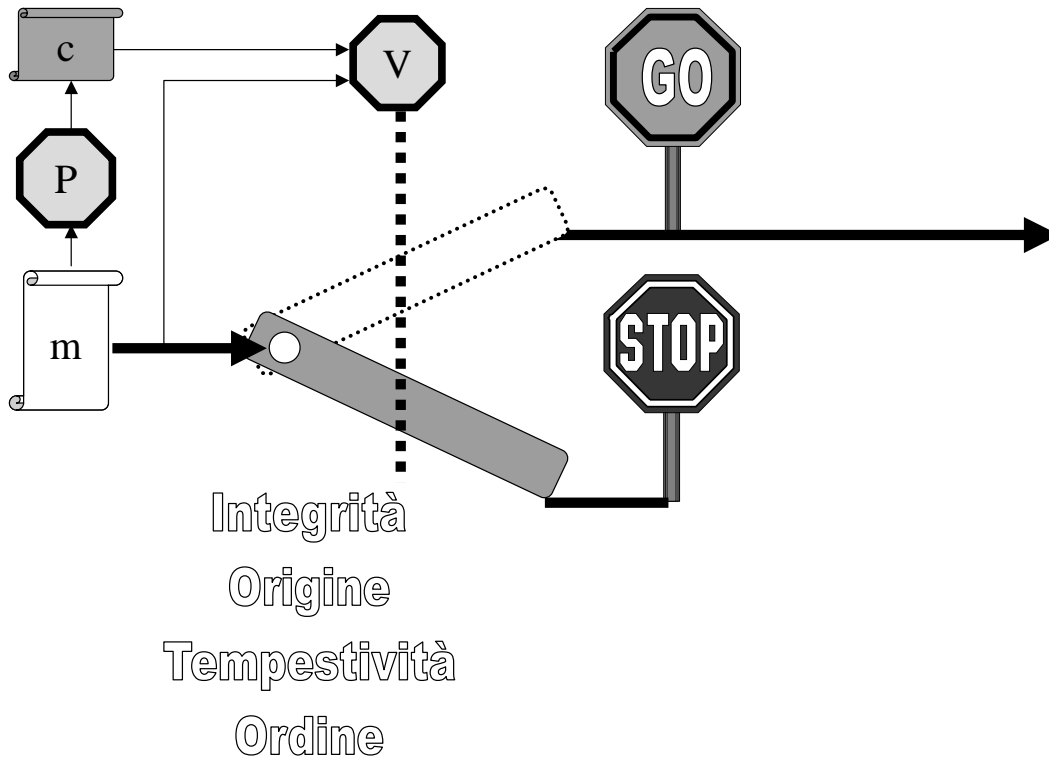
Accertamento dell'integrità



Trasformazioni per la sicurezza

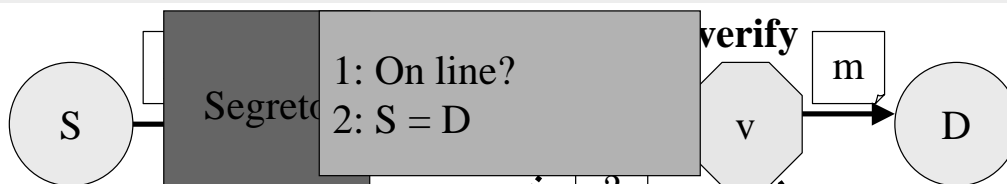
- autenticità

Attacchi attivi: rilevazione e reazione



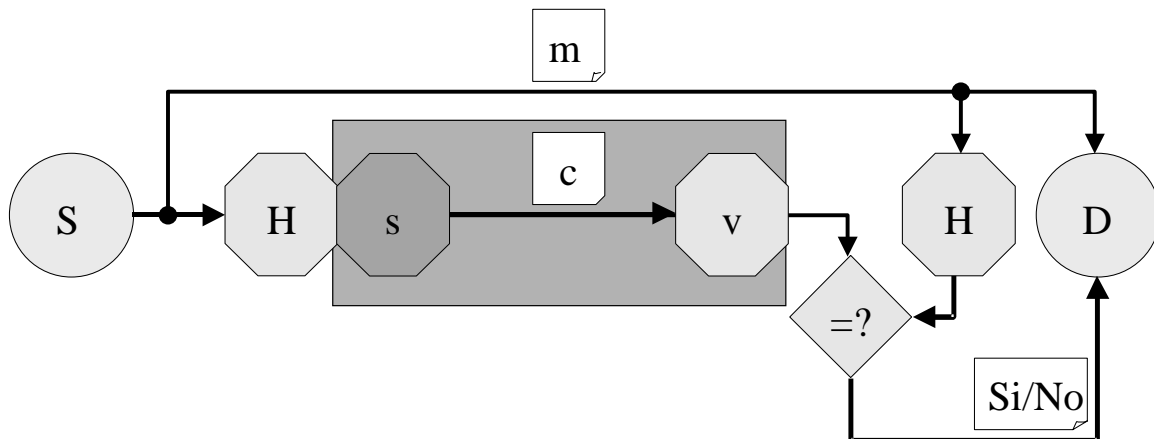
Elaborazioni per l'autenticazione di un messaggio

□ R4: "la sorgente trasforma il documento, aggiungendogli informazioni atte ad attestare come è fatta la sua rappresentazione originaria e chi l'ha predisposta; la destinazione esegue una trasformazione che ripristina la forma originaria del documento dopo averne verificato gli attestati".



R5: "i calcoli per costruire un messaggio apparentemente autentico senza conoscere la trasformazione della sorgente devono essere difficili"

Attestazione e verifica dell'integrità .. e dell'origine



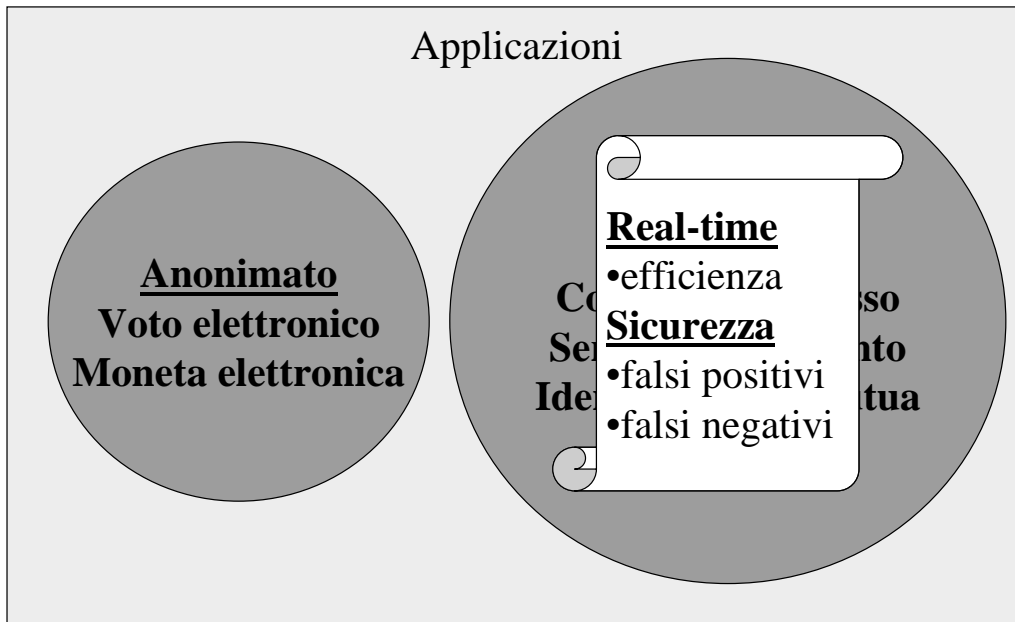
a) canale sicuro

b) canale reso sicuro

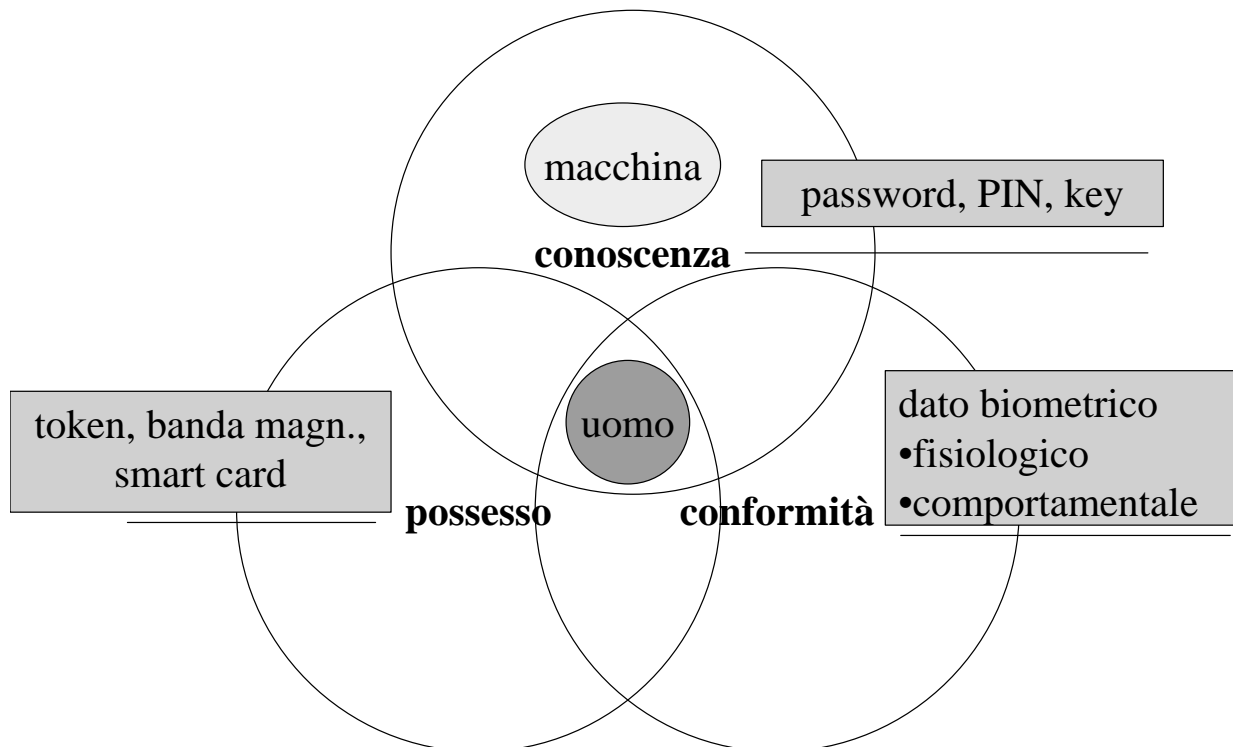
Schema di firma digitale (RSA)

Trasformazioni per la sicurezza
• **identità**

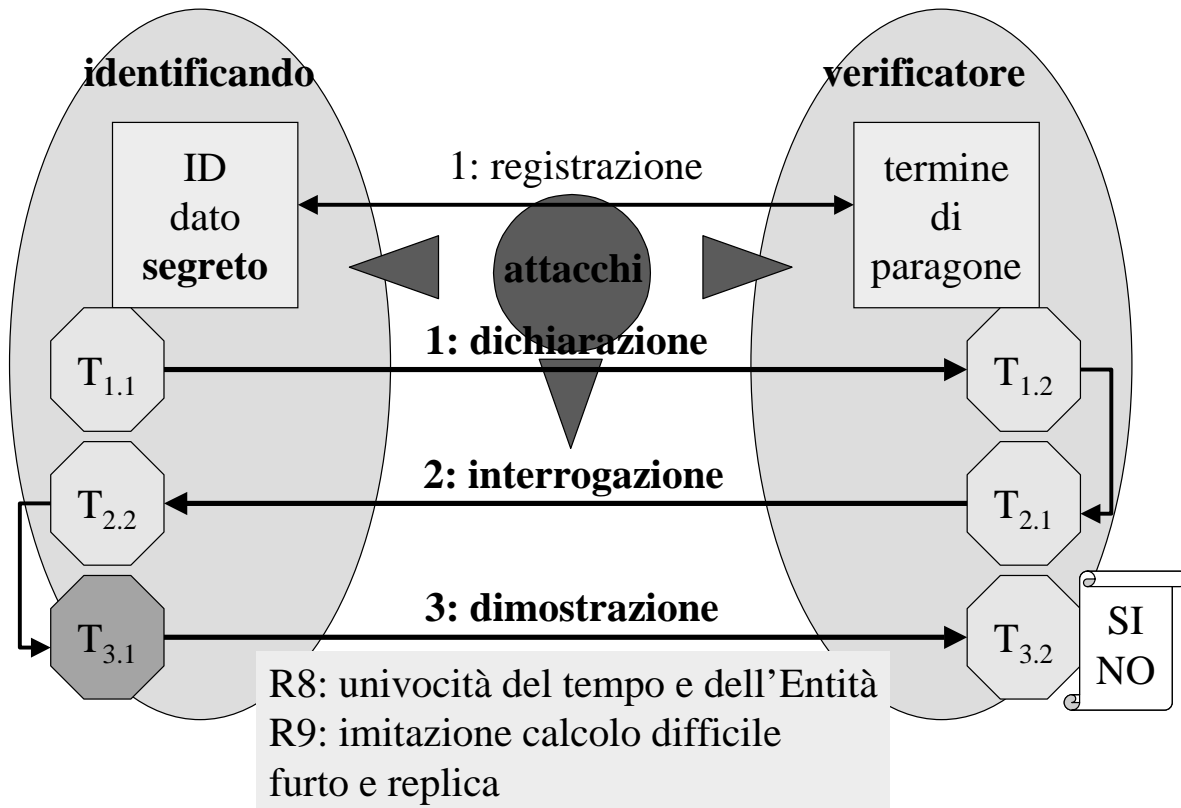
Anonimato/Identificazione



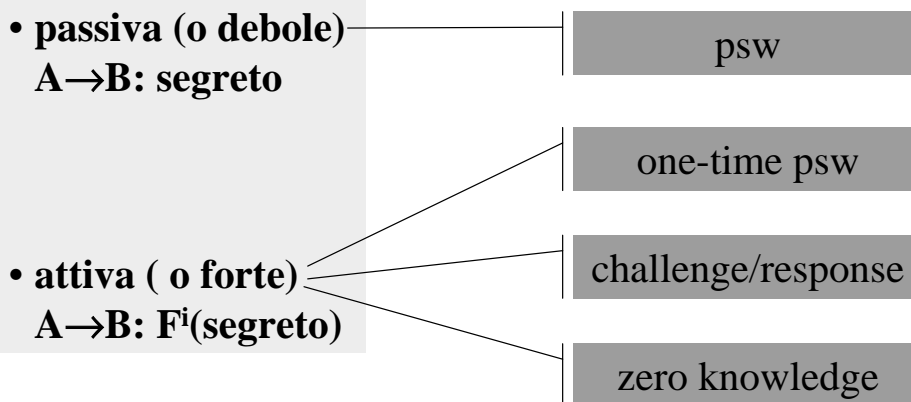
Strumenti di identificazione



Il protocollo d'identificazione



Dimostrazione di conoscenza



identificazione	unilaterale	reciproca
passiva	SI	NO
attiva	SI	SI

Trasformazioni per la sicurezza

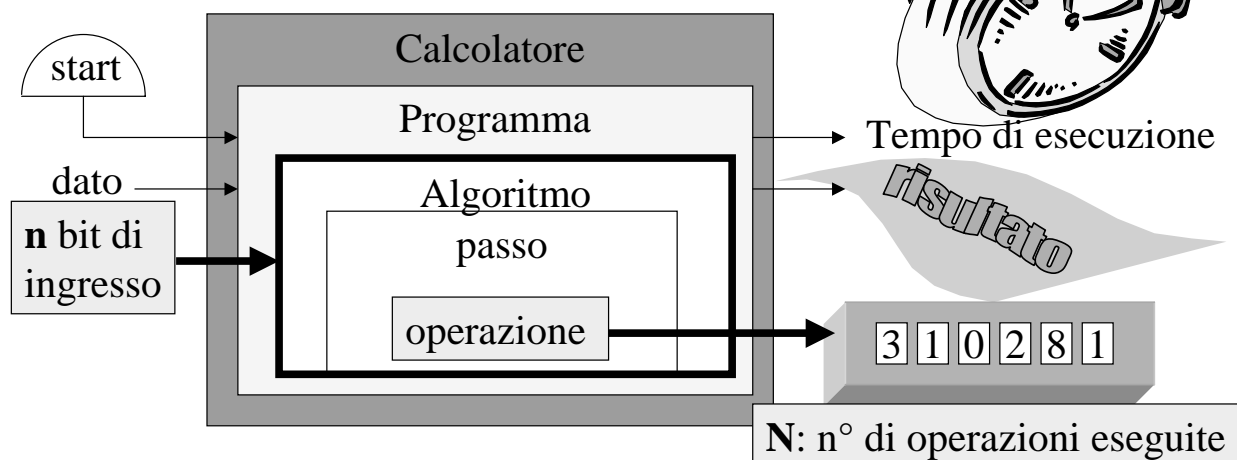
- **complessità computazionale**

Calcoli **FACILI** e Calcoli **DIFFICILI**

Teoria della Complessità computazionale

Indicatori di complessità:

- tempo di esecuzione,
- memoria occupata dal programma,
- stack, ecc.



Misura della complessità di un algoritmo

Tempo di esecuzione di un algoritmo: numero di operazioni N che occorre eseguire per terminarlo quando il dato d'ingresso è rappresentato da una stringa di n bit ($n = \log$ [valore del dato])

$$N = f(n)$$

In generale, a parità di n , si hanno diversi valori di N .

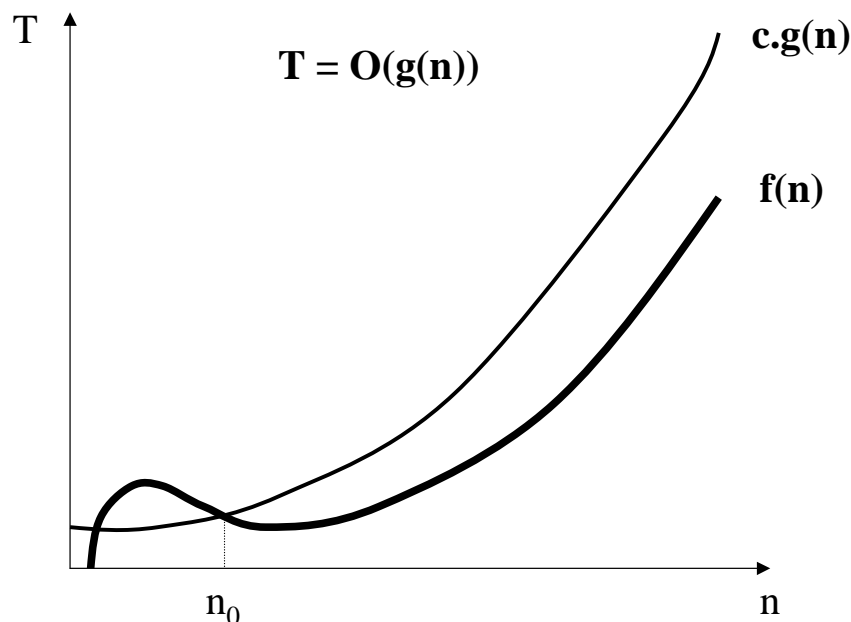
Tempo di esecuzione nel caso peggiore: numero massimo di operazioni N_{\max} che occorre eseguire per qualsiasi dato d'ingresso di n bit

$$N_{\max} = f(n)$$

Si considera la modalità d'incremento di N_{\max} al crescere senza limiti di n

Andamento asintotico del tempo di esecuzione nel caso peggiore detto Ordine di grandezza del tempo di esecuzione: $T = O(g(n))$
ove $g(n)$ è una funzione tale che $0 \leq f(n) \leq c \cdot g(n)$ per $n \geq n_0$ e c cost.

La notazione del “grande O”



Se è nota l'espressione di $f(n)$, si considera come $g(n)$ il termine di $f(n)$ che cresce più rapidamente con n

Classificazioni

Classificazione degli algoritmi

1. con **tempo polinomiale**:

$$T = O(n^t) \text{ con } t \text{ esponente pi\`u grande in } g(n),$$

2. con **tempo esponenziale**:

$$T = O(b^n), \text{ con } b \text{ costante, o anche } T = O(\exp(n))$$

Classificazione dei problemi

1. **tipo P** o **facile** se esiste un algoritmo polinomiale in grado di risolverlo su una macchina di Turing deterministica,
2. **tipo NP** se \u00e8 possibile, con una macchina di T. non deterministica, verificare in tempo polinomiale che una congettura \u00e8 una soluzione.

N.B. I problemi P sono anche NP, ma non \u00e8 vero il contrario.

2.1 **difficile (NP hard)**, se non sono stati fino ad ora individuati algoritmi che lo risolvono in tempo polinomiale

2.2 **NP-completo**, se pu\u00f2 essere trasformato (o ridotto) in ogni altro problema NP in tempo polinomiale.

Complessit\u00e0 e Sicurezza

- Caso peggiore e istanze facili

- Modalit\u00e0 di incremento e valori di n

□ R10: “ogni algoritmo che consente di difendere una propriet\u00e0 critica dell’informazione deve avere tempo polinomiale”

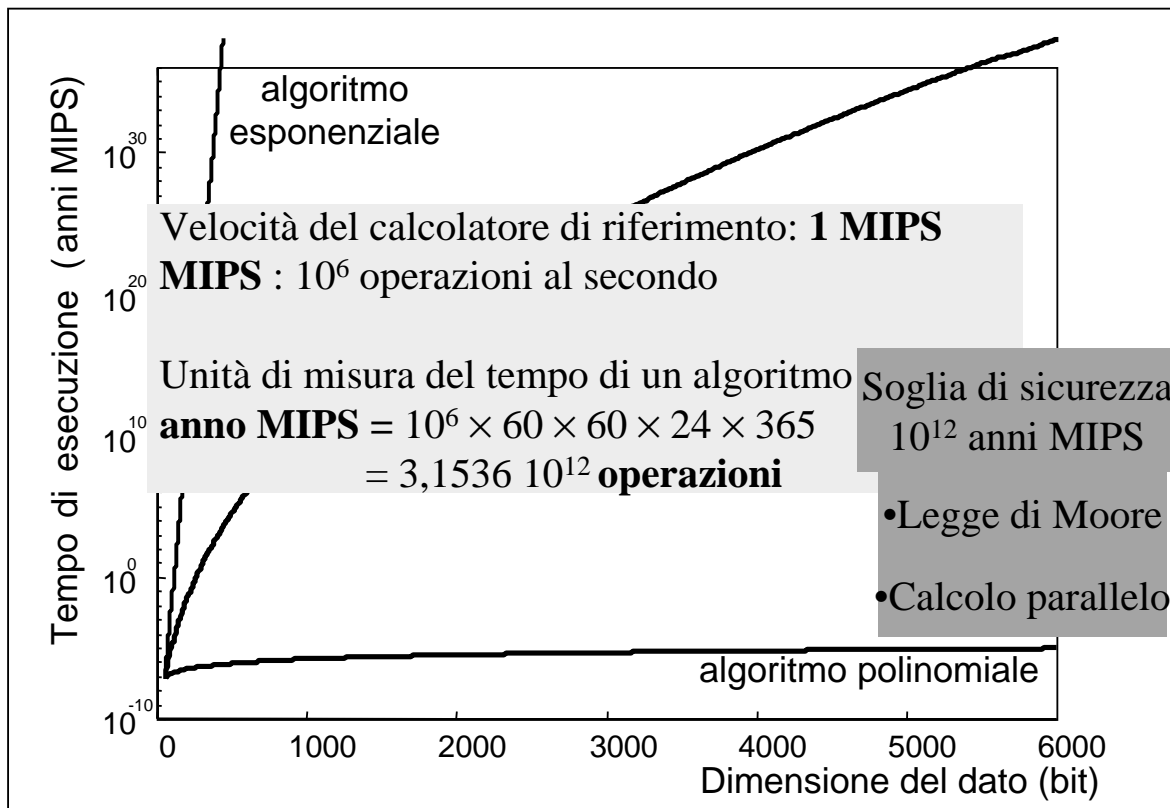
ESEMPI: $O(1)$, $O(n)$, $O(n^3)$

□ R11: “ogni algoritmo che consente di violare una propriet\u00e0 critica della informazione deve avere tempo esponenziale”

ESEMPI: $O(\exp(n))$ o anche $O(\exp(n)^{1/2})$

- Algoritmi sub-esponenziale: $O(\exp((n)^\alpha (\ln(n))^{1-\alpha}))$ con $0 < \alpha < 1$

Tempo di esecuzione e dimensione del dato

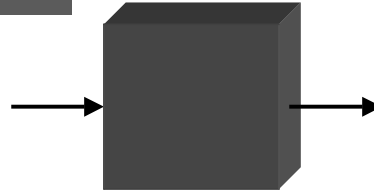


**Primitive per le
Trasformazioni per la sicurezza**

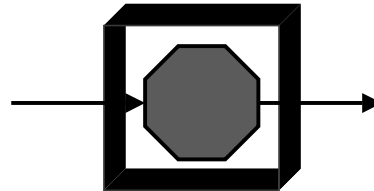
Trasformazioni segrete

Decifrazione Autenticazione
Segretezza sì, ma di che cosa?

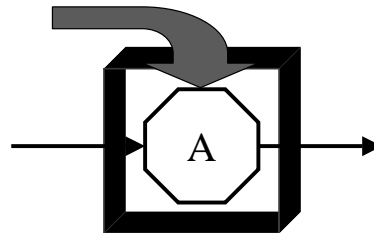
- Macchina



- Algoritmo



- Parametro



Vulnerabilità delle macchine e degli algoritmi segreti



- Ispezione
- Installazione
- Progetto
- Produzione
- Certificazione

Algoritmo pubblico e parametro segreto

Kerckhoffs : "La cryptographie militaire" 1883



Responsabilità dell'utente

cassaforte

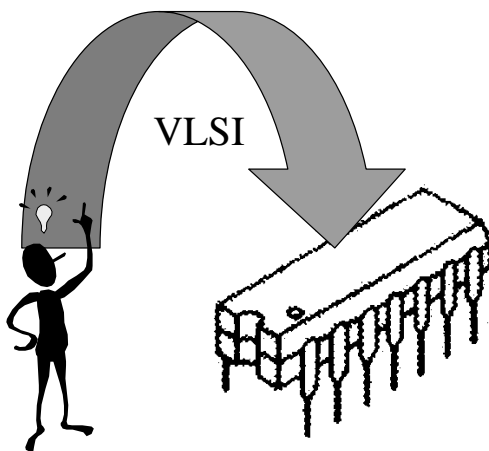
Valutazione pubblica

AES

Software open e free

Crypto++, JCE, JSSE

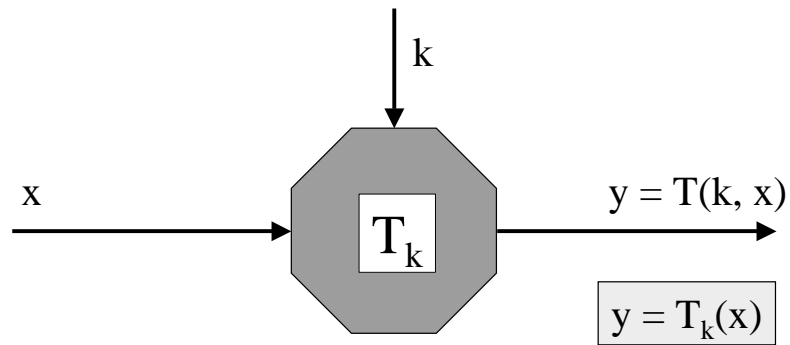
Algoritmi segreti e parametri segreti



Clipper

GSM

Algoritmo con chiave



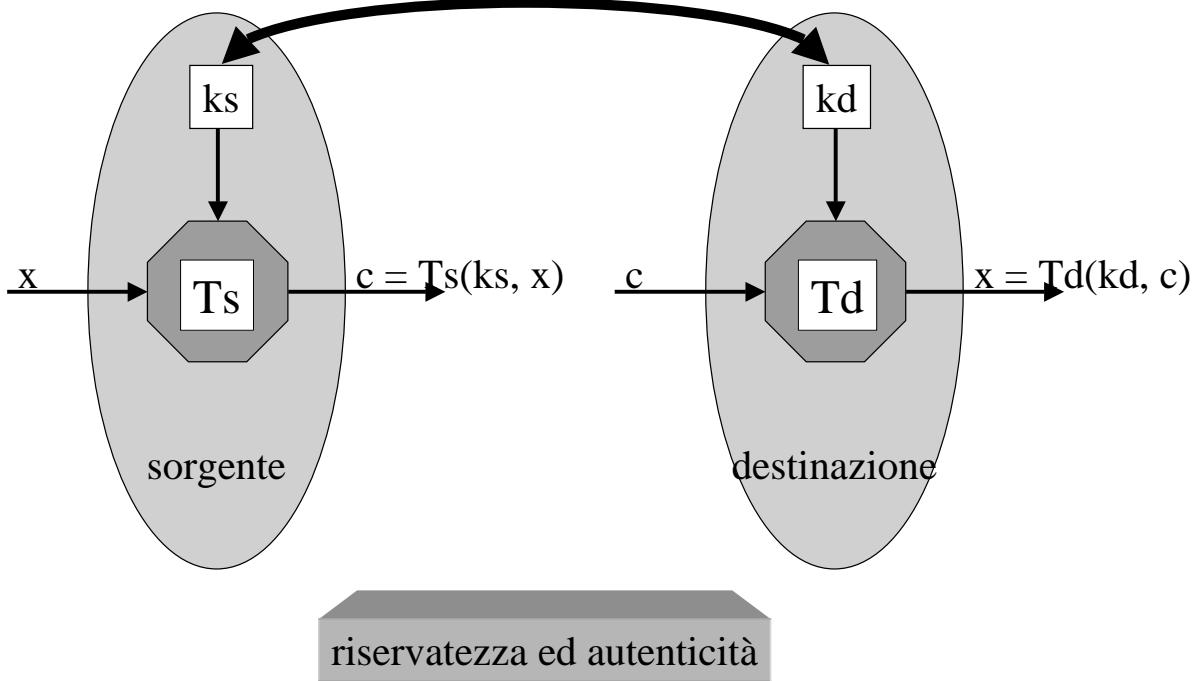
insieme delle trasformazioni: $T = \{t_1, t_2, \dots, t_N\}$
spazio delle chiavi: $K = \{k_1, k_2, \dots, k_N\}$

N grandissimo!

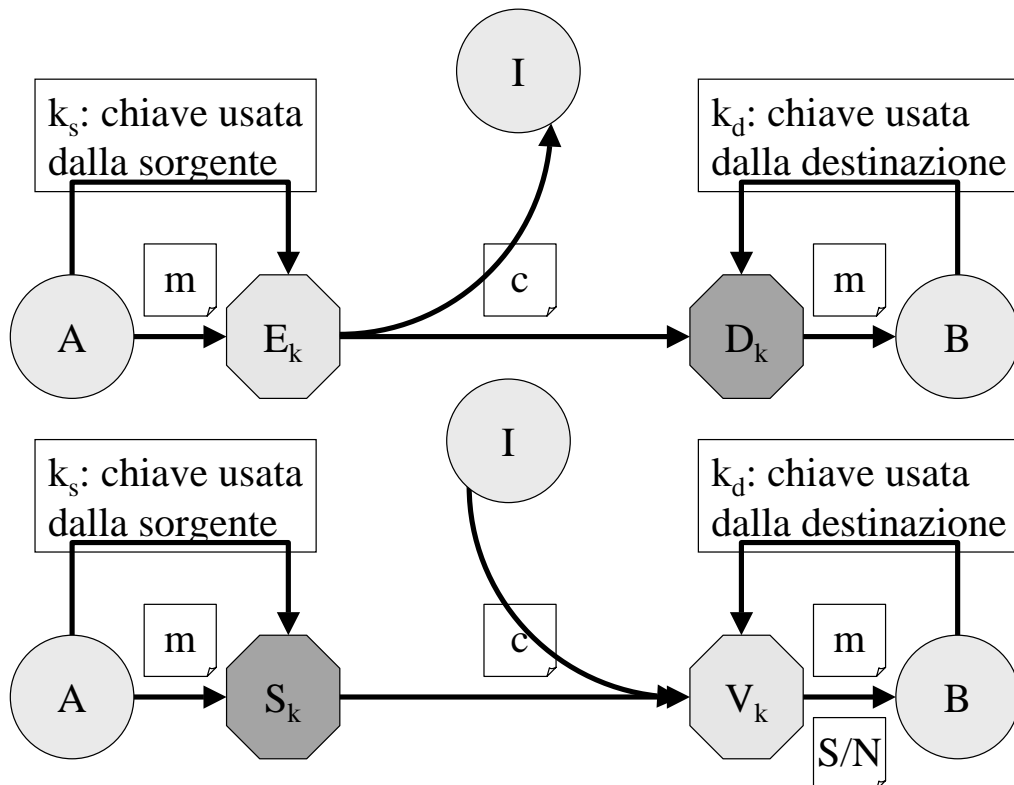
Trasformazioni per la sicurezza

- chiavi simmetriche
- chiavi asimmetriche

La coppia di algoritmi



riservatezza e autenticazione



La relazioni tra le chiavi

$ks \in K$
 $kd \in K$

$$K \rightarrow K : ks = f(kd).$$

• **Algoritmo a chiavi simmetriche o simmetrico:**

le chiavi **ks**, **kd** sono o *uguali* o *facilmente calcolabili* una dall'altra; la situazione usuale è
ks = kd.

• **Algoritmo a chiavi asimmetriche o asimmetrico:**

le chiavi **ks**, **kd** sono *diverse* ed una delle due è *difficilmente calcolabile* dall'altra

Autenticazione

Riservatezza

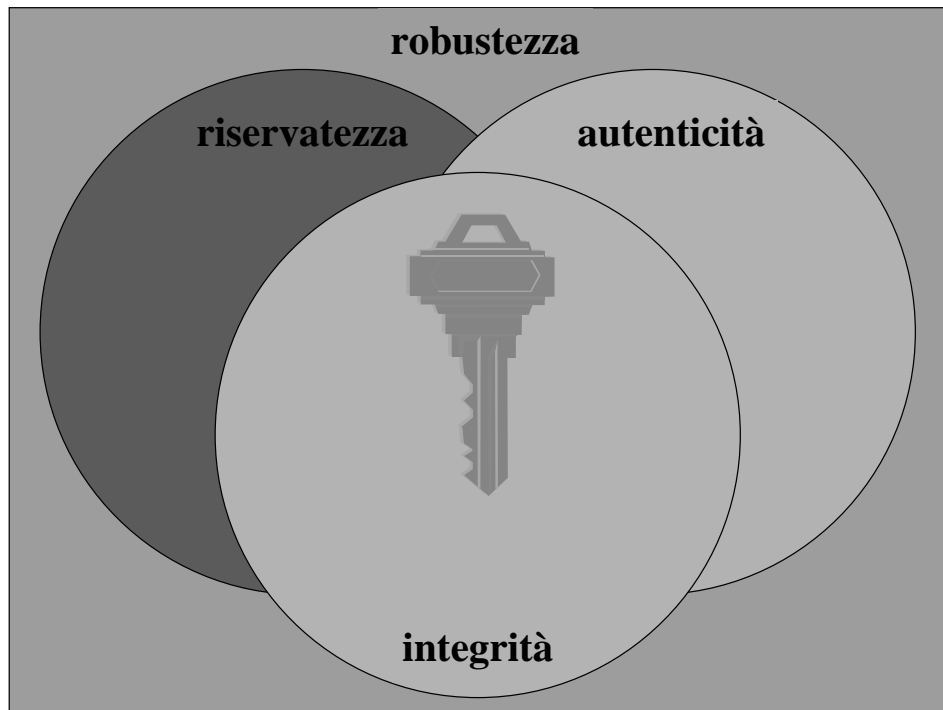
kd = f(ks) facile!

ks = f(kd) facile!

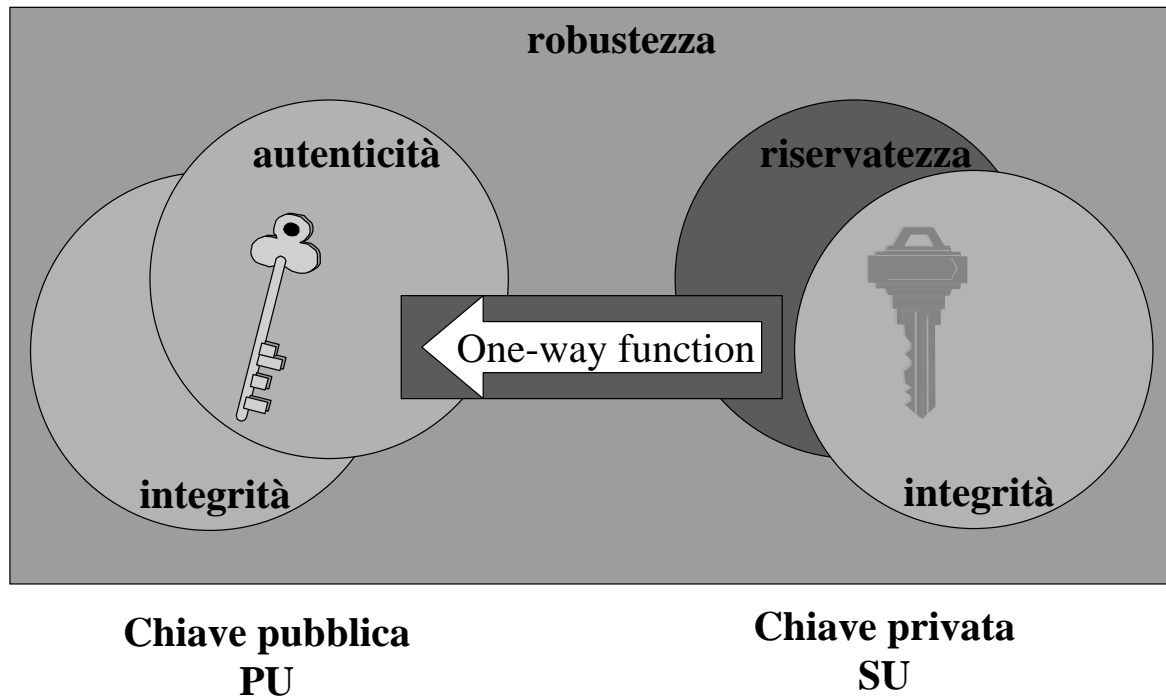
ks = f⁻¹(kd) difficile!

kd = f⁻¹(ks) difficile!

Proprietà delle chiavi simmetriche



Proprietà delle chiavi asimmetriche



Funzione unidirezionale (one way)

Una funzione f è detta **unidirezionale** se
è *invertibile*,
facile da calcolare
e se per quasi tutti gli x appartenenti al dominio di f
è *difficile* risolvere per x il problema $y = f(x)$.



Elenco telefonico

N° di X?

Ricerca binaria: $O(n)$

X di N°?

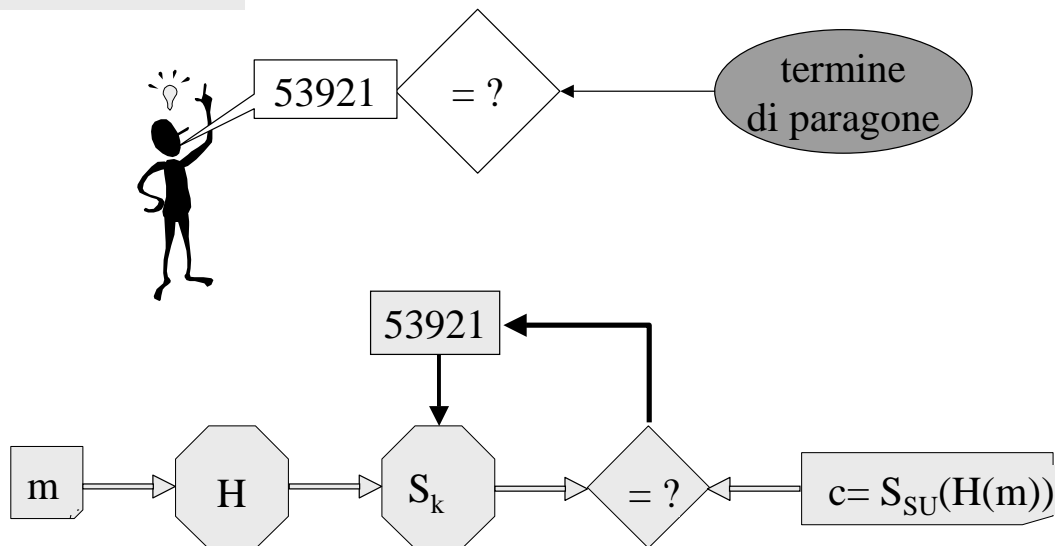
Ricerca esauriente: $O(2^n)$

Trasformazioni per la sicurezza
• **attacchi alla chiave segreta**

- Chiave condivisa
- Chiave privata
- Prova d'identità
- ...

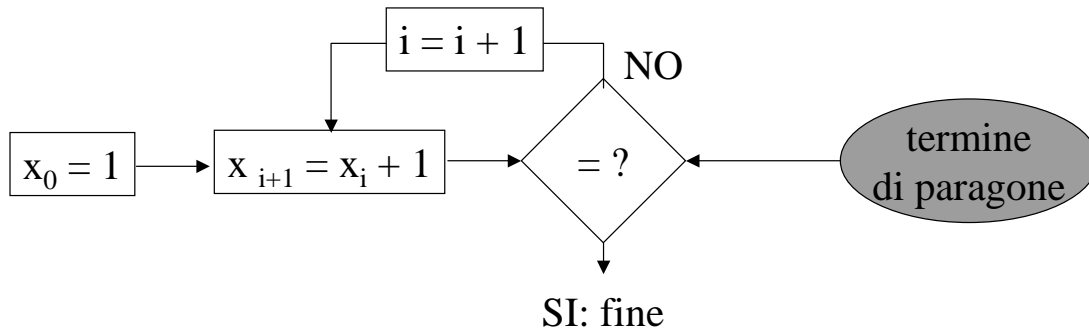
Dati segreti

1. Indovinare
2. Intercettare
3. Dedurre

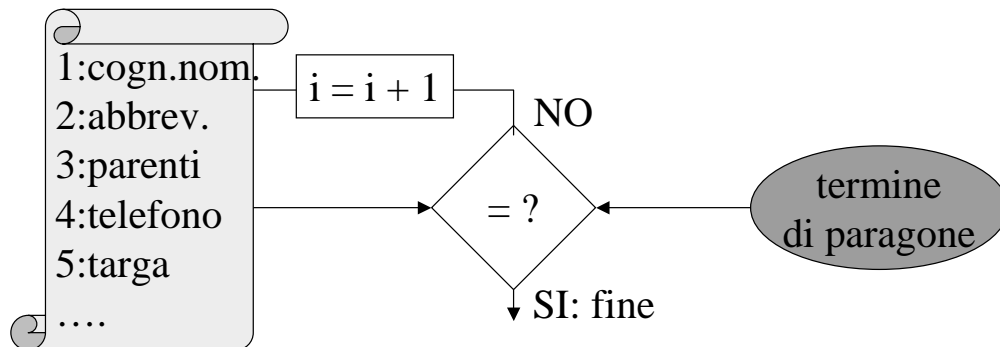
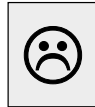


Bancomat: 3 tentativi

L'attacco con forza bruta

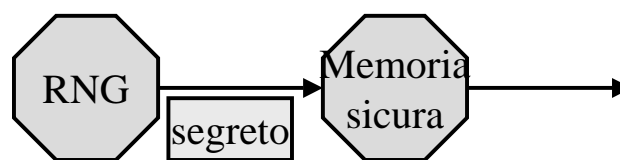


Valore prevedibile



Tirare ad indovinare

R12: “*i simboli della stringa che rappresenta un segreto devono essere molti e scelti a caso*”

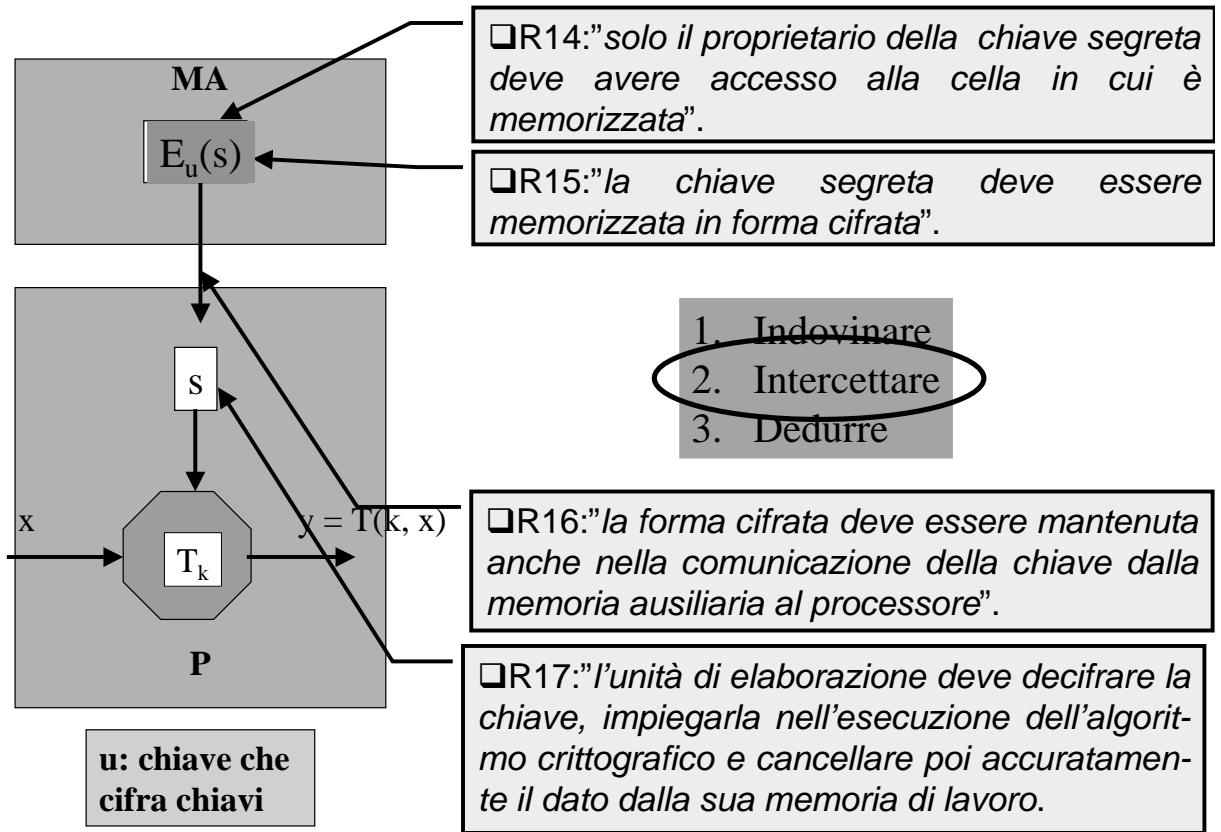


Valutazioni

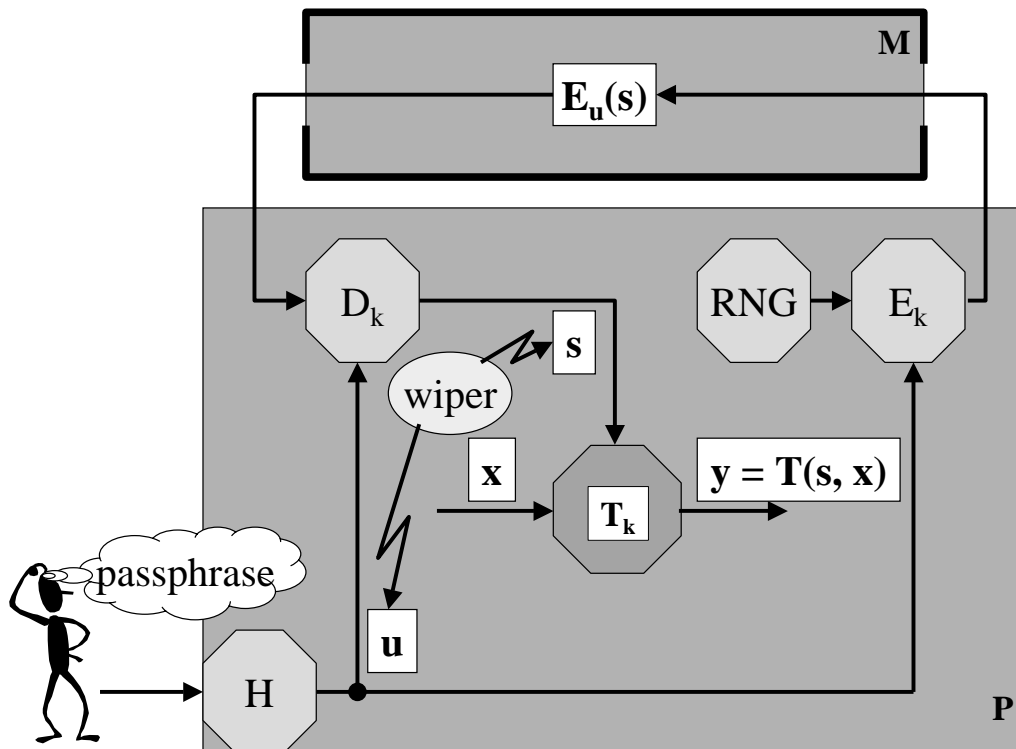
- | | | |
|------------------------|------------------|--|
| 1. Tirare a indovinare | 2^{-n} | > 20 bit |
| 2. Provare e riprovare | $k \cdot 2^{-n}$ | > 30 bit |
| 3. Ricerca esauriente | $O(\exp(n))$ | > 80 bit $\rightarrow 10^{11}$ anni MIPS |

R13: “*un dato segreto deve essere frequentemente modificato*”

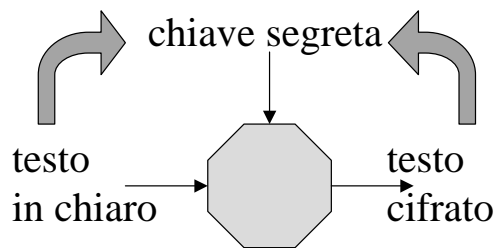
Memorizzazione ed uso di una chiave segreta



Memorizzazione ed uso della passphrase



Deduzione di un segreto dal suo uso



1. Indovinare
2. Intercettare
3. Dedurre

ATTACCO	CONOSCENZE DELL'INTRUSO
con solo testo cifrato	linguaggio e probabilità d'occorrenza
con testo in chiaro noto	coppie di testo in chiaro e cifrato
con testo in chiaro scelto	testi cifrati di testi in chiaro scelti
con testo cifrato scelto	testi in chiaro di testi cifrati scelti

Contromisura preventiva

l'uscita di un algoritmo crittografico deve apparire come una variabile aleatoria che assume con eguale probabilità tutti i suoi possibili valori