

# **SEMAFORI**

# Semaforo

Una variabile di *tipo semaforico* viene definita come una variabile *intera non negativa*, cui è possibile accedere *solo* tramite le due operazioni **wait** e **signal** definite nel seguente modo:

**wait(s) :**

```
while (!s);
```

```
s--;
```

**signal(s) :**

```
s++;
```

- L'operazione **wait** ritarda il processo fino a che il valore del semaforo diventa maggiore di 0 e quindi decrementa tale valore di 1.
- L'operazione **signal** incrementa di 1 il valore del semaforo.
- Le due operazioni sono **atomiche**. Il valore del semaforo viene modificato da un *solo processo* alla volta.

Il valore di un semaforo  $s$  è legato al numero delle operazioni *wait* e *signal* eseguite su di esso dalla relazione:

$$val(s) = s_0 + ns(s) - nw(s)$$

dove:

- **$val(s)$**  valore del semaforo  $s$
  - **$s_0$**  valore iniziale di  $s$ ;
  - **$ns(s)$**  numero di volte che è stata eseguita la *signal(s)*;
  - **$nw(s)$**  numero di volte che è stata completata la *wait(s)*.
- Essendo, per definizione,  **$val(s) \geq 0$** , si ha:

$$nw(s) \leq ns(s) + s_0$$

- La relazione  $nw(s) \leq ns(s) + s0$  è **invariante** rispetto all'esecuzione di *wait* e *signal* (sempre vera qualunque sia il numero di primitive eseguite).
- La proprietà può essere utilizzata per **verificare** che un'interazione tra processi, programmata mediante il meccanismo semaforico, *avvenga correttamente*.

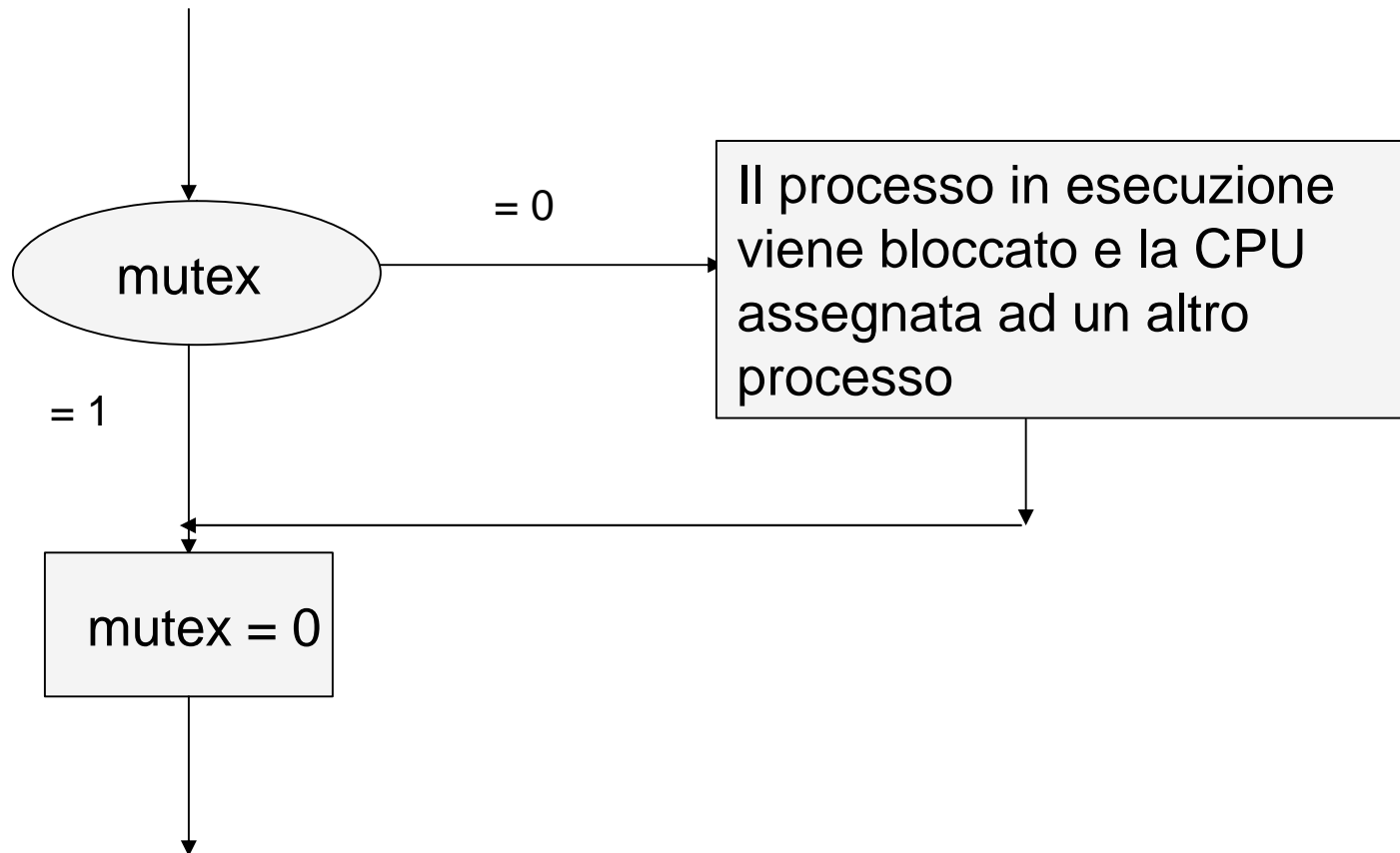
# Realizzazione dei semafori

- Il meccanismo di implementazione del costrutto semaforo deve consentire:
  - **eliminazione** di ogni forma di ***attesa attiva*** dei processi (v. definizione della *wait*): sospensione del processo che non può proseguire l'esecuzione in una coda associata al semaforo.
  - **eliminazione di forme di *starvation*** (attesa indefinita di un processo): scelta FIFO del processo da risvegliare.

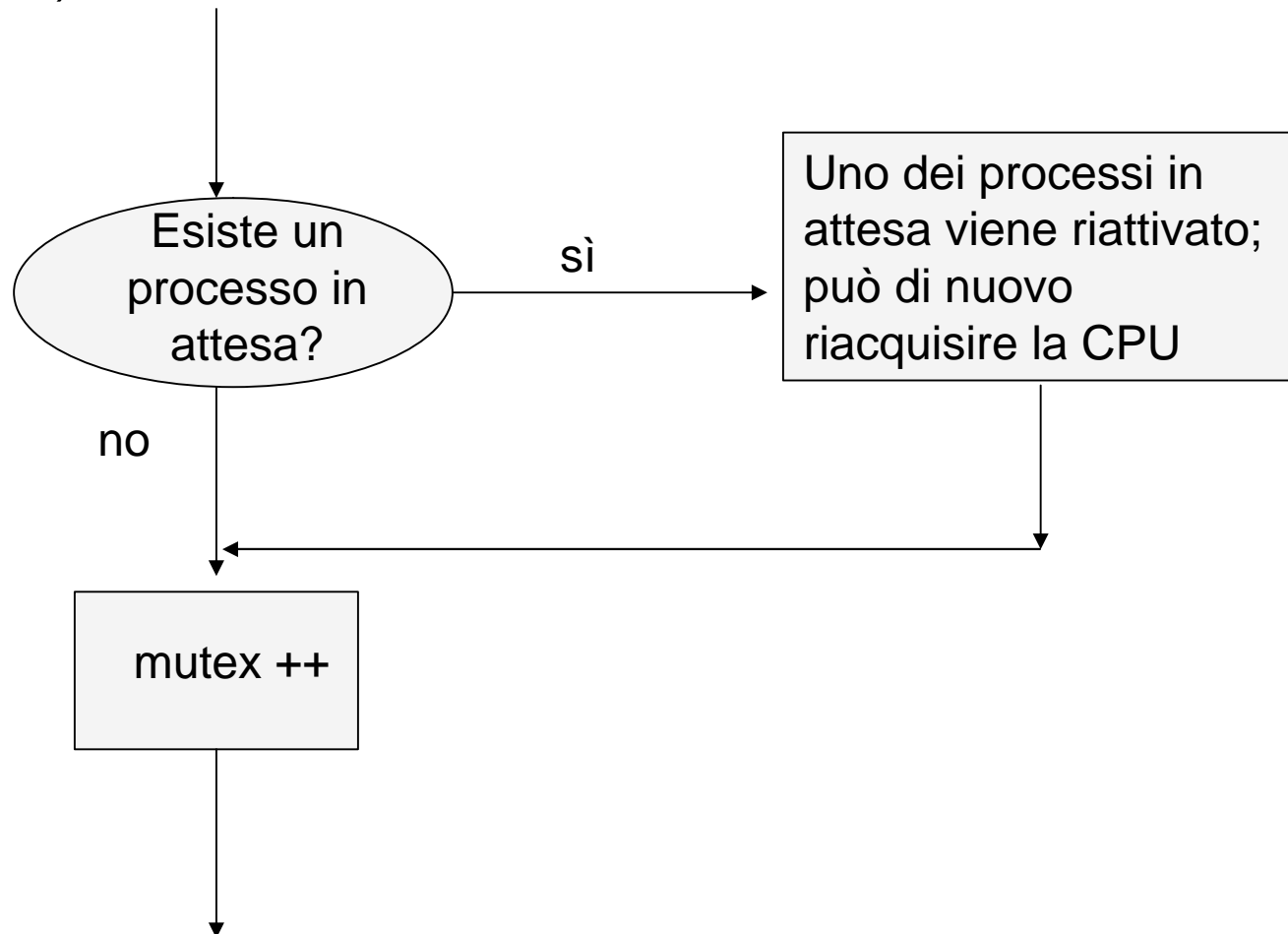
# Esempio di mutua esclusione

***wait(mutex)***

*valore iniziale: mutex=1*



***signal (mutex)***



# Realizzazione dei semafori

Al semaforo sono associati:

- un valore intero non negativo con valore iniziale  $\geq 0$
- una coda Qs nella quale sono posti i descrittori dei processi che attendono l'autorizzazione a procedere.

```
typedef struct{int value;  
               queue Qs;} semaphore;
```



# Realizzazione di wait e signal

Wait e signal possono essere realizzate come segue:

```
void wait(semaphore *s) {  
    if (s->value==0)  
        <il processo viene sospeso ed  
        il suo descrittore  
        inserito in s->Qs>  
    s->value--;  
}  
  
void signal (semaphore *s) {  
    if (<s->Qs non e` vuota>)  
        <il descrittore del primo processo  
        viene rimosso dalla coda ed il suo  
        stato modificato in pronto>  
    s->value++;  
}
```

- L'esecuzione della signal non comporta concettualmente nessuna modifica nello stato del processo che l'ha eseguita.
- Scelta del processo da risvegliare tramite politica **FIFO**

- *wait e signal* : sezioni critiche → devono essere **azioni indivisibili** (azioni atomiche).
- Analisi e modifica del valore del semaforo ed eventuale sospensione o riattivazione di un processo devono avvenire in **modo indivisibile**.
- Durante un'operazione sul semaforo nessun altro processo può accedere al semaforo fino a che l'operazione è completata o bloccata.

# Soluzione al problema della mutua esclusione

```
semaphore mutex;  
mutex.value=1;
```

P1

```
•  
•  
wait(&mutex);  
<Sezione critica>;  
signal(&mutex);  
•  
•
```

P2

```
•  
•  
wait(&mutex);  
<Sezione critica>;  
signal(&mutex);  
•  
•
```

- *mutex* semaforo (binario) di mutua esclusione (0,1), con valore iniziale uguale a 1.

➔ Qualunque sia la sequenza di esecuzione dei processi, la soluzione è sempre corretta.

# Dimostrazione

**Th:** Il numero  $n$  dei processi presenti contemporaneamente nella sezione critica  $S$  deve essere 0 o 1.

- Si ha:

$$n = nw(mutex) - ns(mutex)$$

- La relazione  $nw(s) \leq ns(s) + s0$  diventa in questo caso:

$$nw(mutex) \leq ns(mutex) + 1$$

- Dalle due relazioni si ha:

$$n = nw(mutex) - ns(mutex) \leq 1$$

Poiché *wait(s)* precede sempre *signal(s)* si ha:

$$nw(mutex) - ns(mutex) \geq 0$$

Quindi si ha:

$$0 \leq n \leq 1$$

cvd

# Dimostrazione

**Th:** Un processo viene bloccato in ingresso solo se la sezione critica è occupata da un altro processo.

Un processo è ritardato *solo* se il valore di mutex è zero.

HP: mutex.value=0

La relazione  $nw(mutex) \leq ns(mutex) + 1$  diventa :

$$nw(mutex) = ns(mutex) + 1$$

Il numero delle operazioni *wait* eseguite con successo su *mutex* eccede il numero delle operazioni *signal* su *mutex* di 1.

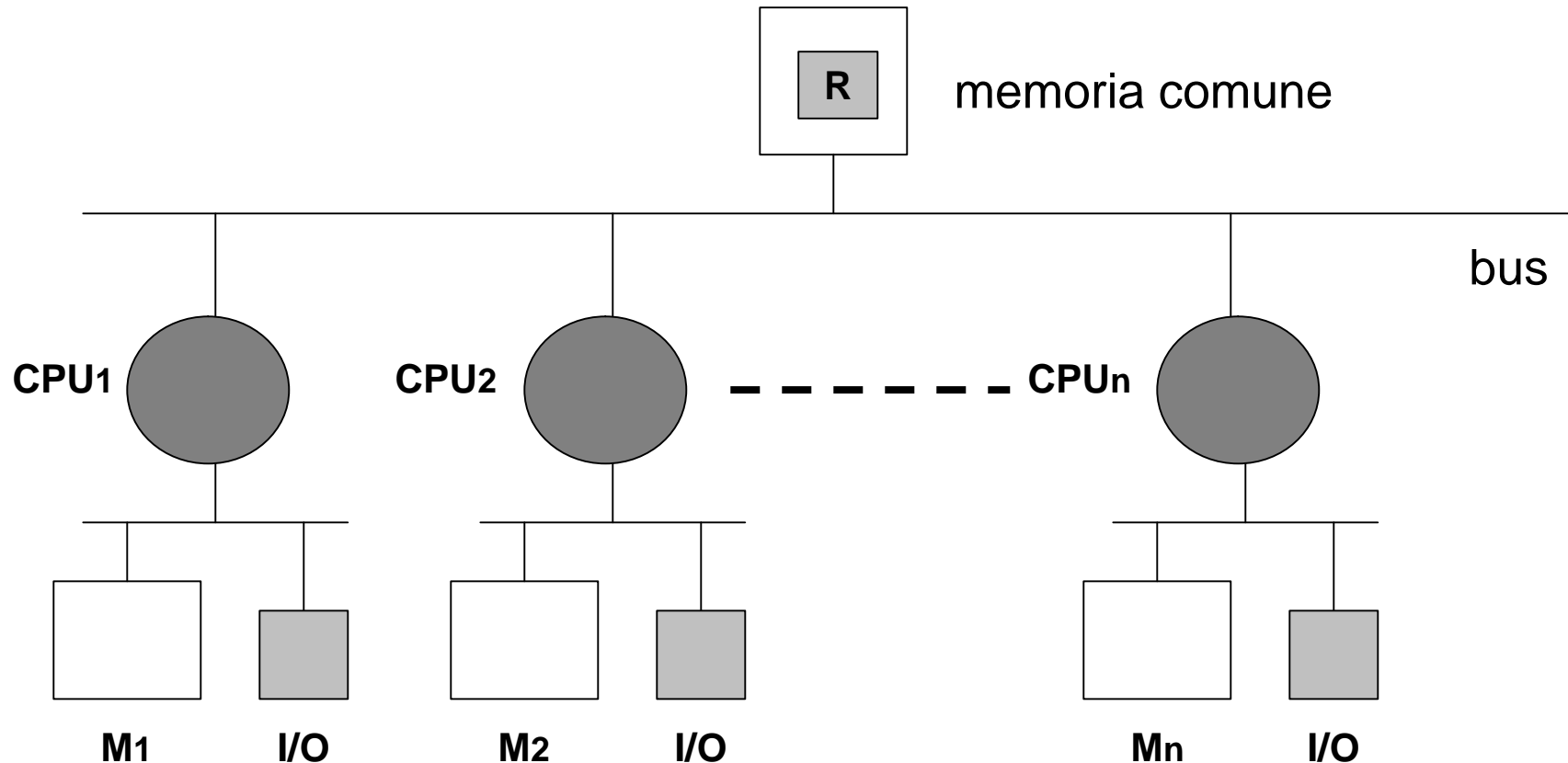
Quindi:

***un processo si trova entro la sezione critica.***



# Mutua esclusione: alcuni problemi

1. E' sempre necessario usare *wait* e *signal* per assicurare la mutua esclusione (**overhead**)?
2. Come si ottiene la **non interrompibilità** nel caso di sistemi multiprocessori?



# Soluzione al primo problema

**Ipotesi:** sezioni critiche “sufficientemente brevi”.

a) Sistema **monoprocessore**:

**P1**

·  
<*disabilita interruzioni*>;  
    <S1>;  
    <*riabilita interruzioni*>;  
·  
·  
·

**P2**

·  
<*disabilita interruzioni*>;  
    <S2>;  
    <*riabilita interruzioni*>;  
·  
·  
·



# Soluzione al primo problema

## b) Sistema multiprocessore: uso di lock e unlock

```
void lock(int *x)
{
    while (!*x);
    *x=0;
}
void unlock(int *x)
{
    *x=1;
}

/* x=0 risorsa
occupata;
x=1 risorsa libera
*/
```

**int x=1;**

**P1**

·

**lock(x);**

**<S1>;**

**unlock(x);**

·

·

·

**P2**

·

**lock(x);**

**<S2>;**

**unlock(x);**

·

·

·

- Problema dell'**attesa attiva** (*busy waiting*)
- Nell'ipotesi che l'hardware garantisca la mutua esclusione solo a livello di lettura o scrittura di una cella di memoria **solo unlock è indivisibile**

➔ Istruzione di ***test and set lock*** (*ts/*)

- Copia il valore di x in un registro ed inserisce in x il valore 0, in modo **indivisibile**
- La CPU che esegue *ts/* tiene occupato il bus di memoria per impedire ad altre CPU di accedere alla memoria

**lock(x) :**

```
tsl register, x
cmp register, 1
jne lock
ret
```

(copia x nel registro e pone x=0)  
(x vale 1?)  
( se x=0 ricomincia il ciclo)  
(ritorna al chiamante;  
accesso alla sezione critica)

**unlock(x) :**

```
move x,1
ret
```

(inserisce 1 in x)  
(ritorna al chiamante)

# Soluzione al secondo problema

Nel caso generale in cui *wait* e *signal* siano eseguite su processori diversi si ha:

```
void wait(..mutex)
{
    lock(x);

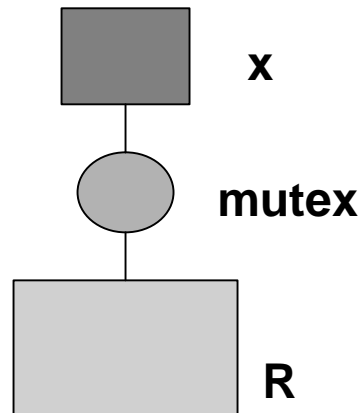
    /*codice della
    wait */

    unlock(x);
}
```

```
void signal(..mutex)
{
    lock(x);

    /*codice della
    signal */

    unlock(x);
}
```



# Cooperazione tra processi concorrenti

- Scambio di **messaggi** generati da un processo e consumati da un altro
- Scambio di **segnali temporali** che indicano il verificarsi di dati eventi

La *cooperazione tra processi* prevede che l'esecuzione di alcuni di essi risulti *condizionata* dall'informazione prodotta da altri (**vincoli sull'ordinamento nel tempo delle operazioni dei processi**).

## ESEMPIO:

- $n$  processi  $P_1, P_2, \dots, P_n$  attivati ad intervalli prefissati di tempo da  $P_0$ .
- l'esecuzione di  $P_i$  non può iniziare prima che sia giunto il segnale da  $P_0$
- ad ogni segnale inviato da  $P_0$  deve corrispondere una attivazione di  $P_i$

$n_1$  = numero di richieste di attivazione di  $P_i$

$n_2$  = numero di segnali di attivazione inviati da  $P_0$

$n_3$  = numero di volte in cui  $P_i$  è stato attivato

Deve essere ad ogni istante:

$$\text{se } n_2 \geq n_1 \quad n_3 = n_1$$

$$\text{se } n_2 < n_1 \quad n_3 = n_2$$

```
semaphore si;  
si.value=0  /* valore iniziale  $s_i = 0$  */
```

**processo  $P_i$  :**

```
main( )  
{ ...  
  while(...)   
  { ...  
    wait (&si);  
    ...  
  }  
  
...  
}
```

**processo  $P_0$  :**

```
main( )  
{ ...  
  while(...)   
  { ...  
    signal (&si);  
    ...  
  }  
  
...  
}
```

## Dimostrazione:

La relazione  $nw(s) \leq ns(s) + s_0$  diventa in questo caso:

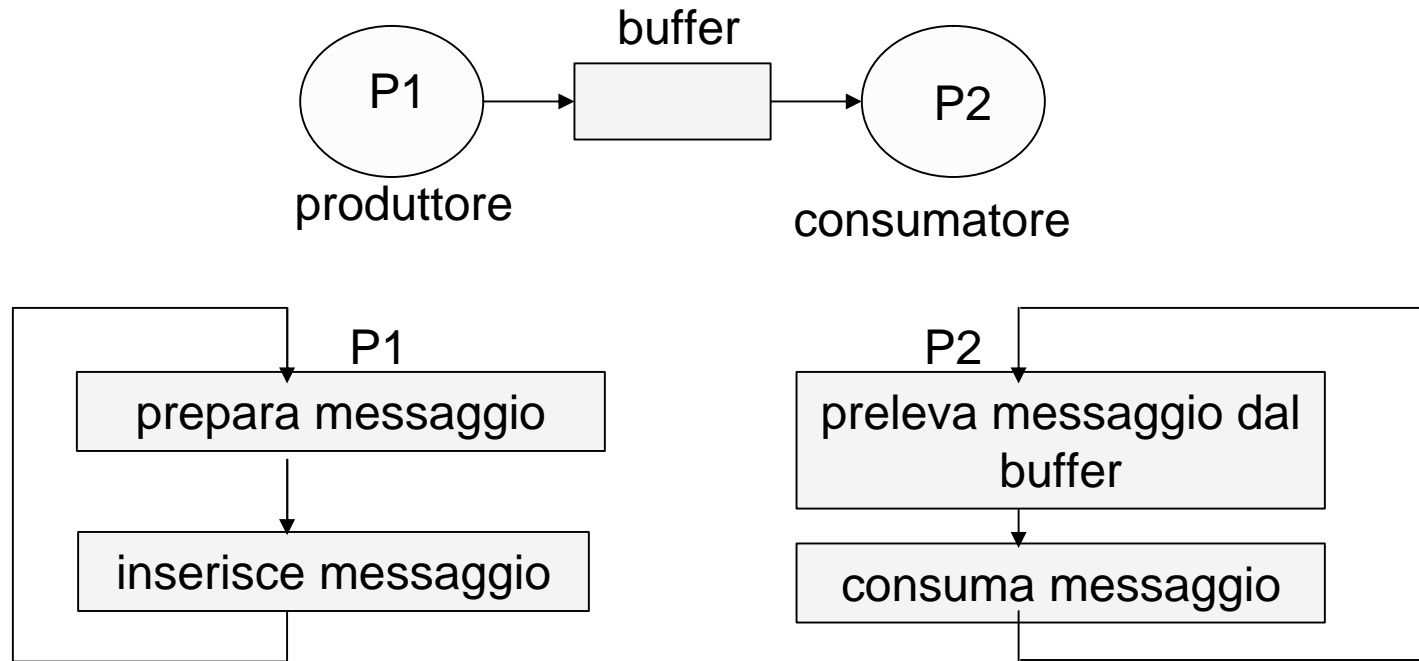
$$nw(s_i) \leq ns(s_i)$$

→ Il numero di volte che il processo  $P_i$  è stato attivato è minore o uguale al numero dei segnali inviati da  $P_0$

cvd



# Comunicazione

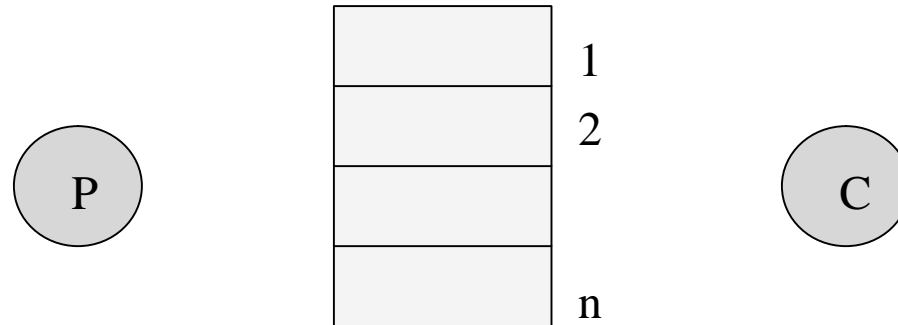


**Sequenza corretta:** inserimento-prelievo-inserimento-prelievo....

**Sequenze errate:**

- Inserimento-inserimento-prelievo....
- Prelievo-prelievo-inserimento

## Esempio: Produttore Consumatore (buffer di capacità n)



1. Il produttore non può inserire un messaggio nel buffer se questo è pieno.
2. Il consumatore non può prelevare un messaggio dal buffer se questo è vuoto

- Siano:

$d$  = numero dei messaggi depositati

$e$  = numero dei messaggi estratti

$n$  = numero dei messaggi che può contenere il buffer

- Deve valere la condizione:

$$0 \leq d - e \leq n$$

```
semaphore msg_disponibile;  
msg_disponibile.value=0;
```

```
/* Processo produttore:*/  
main()  
{  
    for (;;) {  
        <produzione messaggio>;  
        <deposito messaggio>;  
        signal(&msg_disponibile);  
    }  
}
```

```
/* Processo consumatore:*/  
main()  
{  
    for (;;) {  
        wait(&msg_disponibile);  
        <prelievo messaggio>;  
        <consumo messaggio>;  
    }  
}
```

- questa soluzione soddisfa soltanto la condizione 2: il produttore potrebbe depositare un messaggio nel buffer pieno!

- Per sincronizzare correttamente gli accessi al buffer di produttore e consumatore, introduciamo **due semafori**:

- spazio\_disp            (valore iniziale=n, capienza del buffer)
- msg\_disp                (valore iniziale=0)

```
semaphore spazio_disp, msg_disp;  
spazio_disp.value=n;  
msg_disp.value=0;
```

```
/* Processo produttore:*/  
main()  
{  
    for (;;) {  
        wait(&spazio_disp);  
        <produzione messaggio>;  
        <deposito messaggio>;  
        signal(&msg_disp);  
    }  
}
```

```
/* Processo consumatore:*/  
main()  
{  
    for (;;) {  
        wait(&msg_disp);  
        <prelievo messaggio>;  
        signal(&spazio_disp);  
        <consumo messaggio>;  
    }  
}
```

# Dimostrazione

**Th:** la soluzione proposta soddisfa la condizione

$$0 \leq d - e \leq n$$

- La relazione  $nw(s) \leq ns(s) + s_0$  scritta per i due semafori diventa:

1)  $nw(spazio\_disp) \leq ns(spazio\_disp) + n$

2)  $nw(msg\_disp) \leq ns(msg\_disp)$

- L'ordine con cui vengono eseguite le primitive comporta:

3)  $ns(msg\_disp) \leq d \leq nw(spazio\_disp)$

4)  $ns(spazio\_disp) \leq e \leq nw(msg\_disp)$

Dalle 3),1),4) si ha:

$$d \text{ } \text{£} \text{ } nw(spazio\_disp) \text{ } \text{£} \text{ } ns(spazio\_disp) + n \text{ } \text{£} \text{ } e+n \quad [i]$$

Dalle 4),2),3) si ha:

$$e \text{ } \text{£} \text{ } nw(msg\_disp) \text{ } \text{£} \text{ } ns(msg\_disp) \text{ } \text{£} \text{ } d \quad [ii]$$

- Combinando i due risultati [i] e [ii] si ottiene:

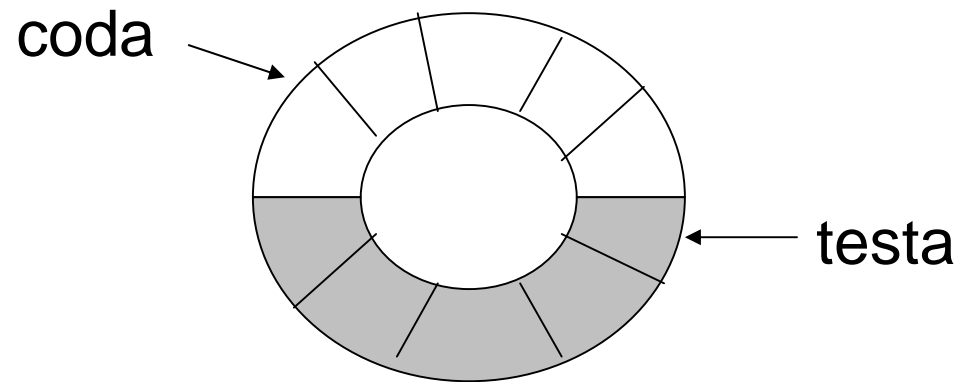
$$e \text{ } \text{£} \text{ } d \text{ } \text{£} \text{ } e+n$$

da cui:

$$0 \text{ } \text{£} \text{ } d-e \text{ } \text{£} \text{ } n$$

<i>cvd</i>
------------

Affinchè la soluzione sia corretta, bisogna che produttore e consumatore *non accedano mai contemporaneamente alla stessa posizione del buffer*.



Inizialmente si ha:

*coda = testa*

# Operazioni di inserimento e prelievo:

```
typedef messaggio buffer[N];
```

```
buffer B;
```

```
int testa=0, coda=0;
```

```
messaggio M;
```

## Inserimento:

```
B[coda] = M;
```

```
coda = (coda + 1)%N;
```

## Prelievo:

```
M = B[testa];
```

```
testa = (testa + 1)%N;
```

*Siano  $p1$  e  $p2$  rispettivamente il numero di volte in cui  $coda$  e  $testa$  sono stati incrementati (inizialmente  $p1 = p2$  ).*

Le operazioni di deposito e prelievo agiscono sulla stessa porzione di buffer se:

$$p1 = p2 \bmod n$$

[5]



# Dimostrazione

**Th:** produttore e consumatore *non accedono contemporaneamente* alla stessa porzione di buffer

- Siano  $p1$  e  $p2$  rispettivamente il numero di volte in cui coda e testa sono stati incrementati (inizialmente  $p1 = p2$ ).
- Le operazioni di deposito e prelievo agiscono sulla stessa porzione di buffer se:

$$p1 = p2 \bmod n$$

- Durante l'operazione di **deposito** si ha:

$$p1 = ns(msg\_disp)$$

$$ns(msg\_disp) = nw(spazio\_disp) - 1 \wedge n + ns(spazio\_disp) - 1 \quad (dalla (1))$$

- Durante la operazione di **prelievo** si ha:

$$p2 = nw(msg\_disp) - 1$$

$$nw(msg\_disp) = ns(spazio\_disp) + 1 \wedge ns(msg\_disp) \quad (dalla (2))$$

Si ha:

$$nw(msg\_disp) \leq ns(msg\_disp) \leq n + nw(msg\_disp) - 2$$

da cui:

$$0 \leq ns(msg\_disp) - nw(msg\_disp) \leq n - 2$$

e quindi:

$$0 \leq p_1 - p_2 - 1 \leq n - 2$$

da cui:

$$1 \leq p_1 - p_2 \leq n - 1 \quad [6]$$

La [6], che vale quando due processi stanno contemporaneamente lavorando sul buffer, è in contraddizione con la [5]. Quindi la condizione che produttore e consumatore *non accedano contemporaneamente* alla stessa porzione di buffer è soddisfatta.

*cvd*

# Nel caso di più produttori e più consumatori:

aggiungiamo i due semafori mutex1 e mutex2

...

```
semaphore mutex1, mutex2;  
mutex1.value=1;  
mutex2.value=1;
```

## Processo produttore:

```
main()  
{ for(;;)  
  { <produz. messaggio>;  
    wait (&spazio_disp);  
    wait (&mutex1);  
    <inserimento mess.>;  
    signal(&mutex1)  
    signal(&msg_disp);  
  }  
}
```

## Processo consumatore:

```
main()  
{ for(;;)  
  { wait (&msg_disp);  
    wait (&mutex2)  
    <prelievo mess.>;  
    signal(&mutex2)  
    signal(&spazio_disp);  
    <consumo messaggio>;  
  }  
}
```

# Esempi di uso dei semafori: gestione di risorse

- $R_1, R_2, \dots, R_n$   $n$  unità di uno stesso tipo di risorsa (tutte equivalenti fra loro).
- $P_1, P_2, \dots, P_m$   $m$  processi che devono operare su una qualunque risorsa in **modo esclusivo** tramite le operazioni  $A, B, \dots$


## I Soluzione

- Si assegna un semaforo di mutua esclusione  $M_i$  (v.  $i.=1$ ) ad ogni risorsa  $R_i$

## processo $P_s$ :

```
..  
wait( $M_i$ ) ;  
 $R_i.A$  ;  
signal( $M_i$ ) ;  
..
```

$R_i.A$  rappresenta l'esecuzione  
dell'operazione  $A$  su  $R_i$



## Inconvenienti della soluzione:

- Come decide il generico processo su quali risorse operare (come viene scelto  $i$ )?
- Può capitare che, una volta scelta  $R_i$ , se su di essa sta operando in quel momento un secondo processo  $P_k$ , il processo  $P_s$  si blocchi su  $\text{wait}(M_i)$ , pur essendo disponibili altre risorse  $R_h$  ( $h \neq i$ ).

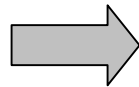
**Il Soluzione:** viene introdotta una nuova risorsa G, **gestore** di R1, R2, ... Rn. Essa può essere concepita come **una struttura dati** destinata a mantenere lo stato delle risorse gestite. Sul gestore si opera tramite due procedure:

***Richiesta e Rilascio.***

```
unsigned int Richiesta();
```

```
void Rilascio(unsigned int x);
```

*(dove il parametro x rappresenta **l'indice** della risorsa **assegnata o rilasciata**)*



semaforo RIS con valore iniziale = n

E' necessario un vettore di variabili *booleane* **Libero[i]** per registrare quale risorsa è in un certo istante libera ( $\text{Libero}[i] = 1$ ) e quale occupata ( $\text{Libero}[i] = 0$ ).

## Strutture dati del gestore:

- le procedure *Richiesta* e *Rilascio* dovranno essere eseguite in **mutua esclusione**

➔ semaforo **mutex** di mutua esclusione con v.i. = 1

- Un processo che esegue ***Richiesta*** verifica la disponibilit  di una qualunque risorsa  $R_j$ .
- Un processo che esegue ***Rilascio*** rende nuovamente disponibile una risorsa

➔ semaforo **ris** con valore iniziale = n

- E' necessario un vettore di variabili *booleane* **Libero[i]** per registrare quale risorsa   in un certo istante libera (**Libero[i] = 1**) e quale occupata (**Libero[i] = 0**).

## Il Soluzione - segue

```
semaphore    mutex, ris;  
  
int Libero[n];  
  
void inizializza()  
{/*inizializzazione del gestore:*/  
mutex.value= 1;  
ris.value= n;  
for(i = 0; i<n; i++)  
    Libero[i] = 1; /*true*/  
}
```



## Il Soluzione - segue

```
int  Richiesta ()
{
    unsigned int x, i;
    wait(&ris);
        wait(&mutex);
        i=0;
        do
            i++;
        while (! Libero[i]);
    x = i;
    Libero[i] = 0;
    signal(&mutex);
    return x;
}
```

```
void Rilascio (unsigned int x)
{ unsigned int i;
    wait(&mutex);
    i=x;
    Libero[i]= 1;
    signal(&mutex);
    signal(&ris);
}
```

# Schema del processo:

```
main()  
{ unsigned int risorsa;  
    ...  
    risorsa=Richiesta();  
    <uso della risorsa>  
    Rilascio(risorsa);  
    ...  
}
```

# Realizzazione di politiche di gestione delle risorse

- Nei problemi di sincronizzazione visti precedentemente si ha che:
  - La decisione se un processo possa proseguire l'esecuzione dipende dal valore di un solo semaforo (es., “**mutex**”, “**spazio disponibile**”, “**messaggio disponibile**”)
  - La scelta del processo da riattivare avviene tramite l'algoritmo implementato nella **signal** (FIFO).
- In problemi di sincronizzazione **più complessi** si ha che:
  - La decisione se un processo può proseguire l'esecuzione dipende in generale dal verificarsi di una **condizione di sincronizzazione**
  - La scelta del processo da riattivare può avvenire sulla base di **priorità tra processi**

# Problema dei “readers and writers”



## Condizioni di sincronizzazione:

- I processi lettori possono usare la risorsa contemporaneamente.
- I processi scrittori hanno accesso esclusivo alla risorsa.
- I processi lettori e scrittori si **escludono mutuamente** nell'uso della risorsa.

## Soluzione 1

Un processo lettore aspetta *solo se la risorsa è già stata assegnata ad un processo scrittore*: cioè nessun lettore aspetta se uno scrittore è già in attesa (possibilità di attesa infinita da parte dei processi scrittori).

## Soluzione 2

Un processo lettore aspetta se *un processo scrittore è in attesa* (possibilità di attesa infinita da parte dei processi lettori).

## Soluzione 1:

```
int    readcount=0;

semaphore mutex, w;

mutex.value=1; w.value=1;
```

### READER

```
main()
{  wait(&mutex);
  readcount ++;
  if (readcount == 1)
    wait(&w);
  signal(&mutex);
  ..
  <lettura>
  ..
  wait(&mutex);
  readcount --;
  if (readcount==0)
    signal(&w);
  signal(&mutex);
}
```

### WRITER

```
main()
{  wait(&w);
  ..
  <scrittura>
  ..
  signal(&w);
}
```

## Soluzione 2:

```
int    readcount, writecount=0;
```

```
semaphore mutex1, mutex2, mutex3, w, r;
```

```
mutex1.value=1; mutex2.value=1; mutex3.value=1;w.value=1; r.value=1;
```

### READER

```
main{
wait(mutex3);
wait(r);
wait(mutex1);
readcount++;
if (readcount==1)
    wait(w);
signal(mutex1);
signal(r);
signal(mutex3);
..
<lettura>
..
wait(mutex1)
readcount --;
if (readcount == 0)
    signal(w);
signal(mutex1);}
```

### WRITER

```
main(){
wait(mutex2);
writecount ++;
if (writecount==1)
    wait(r);
signal(mutex2);
wait(w);

..
<scrittura>

..
signal(w)
wait(mutex2)
writecount--;
if (writecount==0)
    signal(r);
signal(mutex2);}
```