

SEMAFORI

Semaforo

Una variabile di *tipo semaforico* viene definita come una variabile *intera non negativa*, cui è possibile accedere solo tramite le due operazioni **wait** e **signal** definite nel seguente modo:

wait(s):

```
while ( !s );
```

```
s-- ;
```

signal(s):

```
s++ ;
```

- L'operazione **wait** ritarda il processo fino a che il valore del semaforo diventa maggiore di 0 e quindi decrementa tale valore di 1.
- L'operazione **signal** incrementa di 1 il valore del semaforo.
- Le due operazioni sono **atomiche**. Il valore del semaforo viene modificato da un *solo processo* alla volta.

Il valore di un semaforo s è legato al numero delle operazioni *wait* e *signal* eseguite su di esso dalla relazione:

$$\mathbf{val}(s) = s_0 + ns(s) - nw(s)$$

dove:

- $\mathbf{val}(s)$ valore del semaforo s
 - s_0 valore iniziale di s ;
 - $ns(s)$ numero di volte che è stata eseguita la *signal(s)*;
 - $nw(s)$ numero di volte che è stata completata la *wait(s)*.
- Essendo, per definizione, $\mathbf{val}(s) \geq 0$, si ha:

$$nw(s) \leq ns(s) + s_0$$

- La relazione $nw(s) \leq ns(s) + s0$ è **invariante** rispetto all'esecuzione di *wait* e *signal* (sempre vera qualunque sia il numero di primitive eseguite).
- La proprietà può essere utilizzata per **verificare** che un'interazione tra processi, programmata mediante il meccanismo semaforico, *avvenga correttamente*.

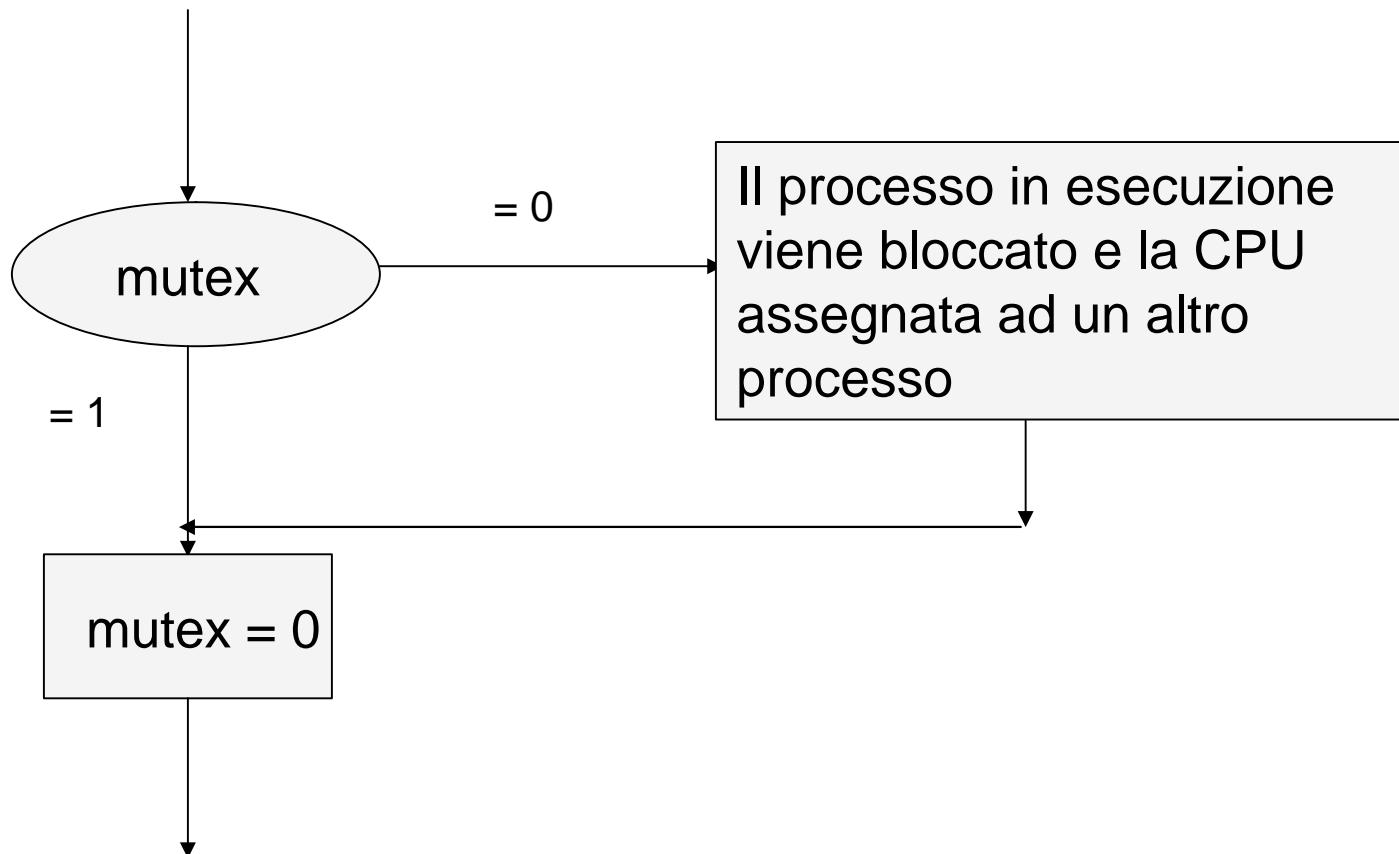
Realizzazione dei semafori

- Il meccanismo di implementazione del costrutto semaforo deve consentire:
 - **eliminazione** di ogni forma di **attesa attiva** dei processi (v. definizione della *wait*): sospensione del processo che non può proseguire l'esecuzione in una coda associata al semaforo.
 - **eliminazione di forme di starvation** (attesa indefinita di un processo): scelta FIFO del processo da risvegliare.

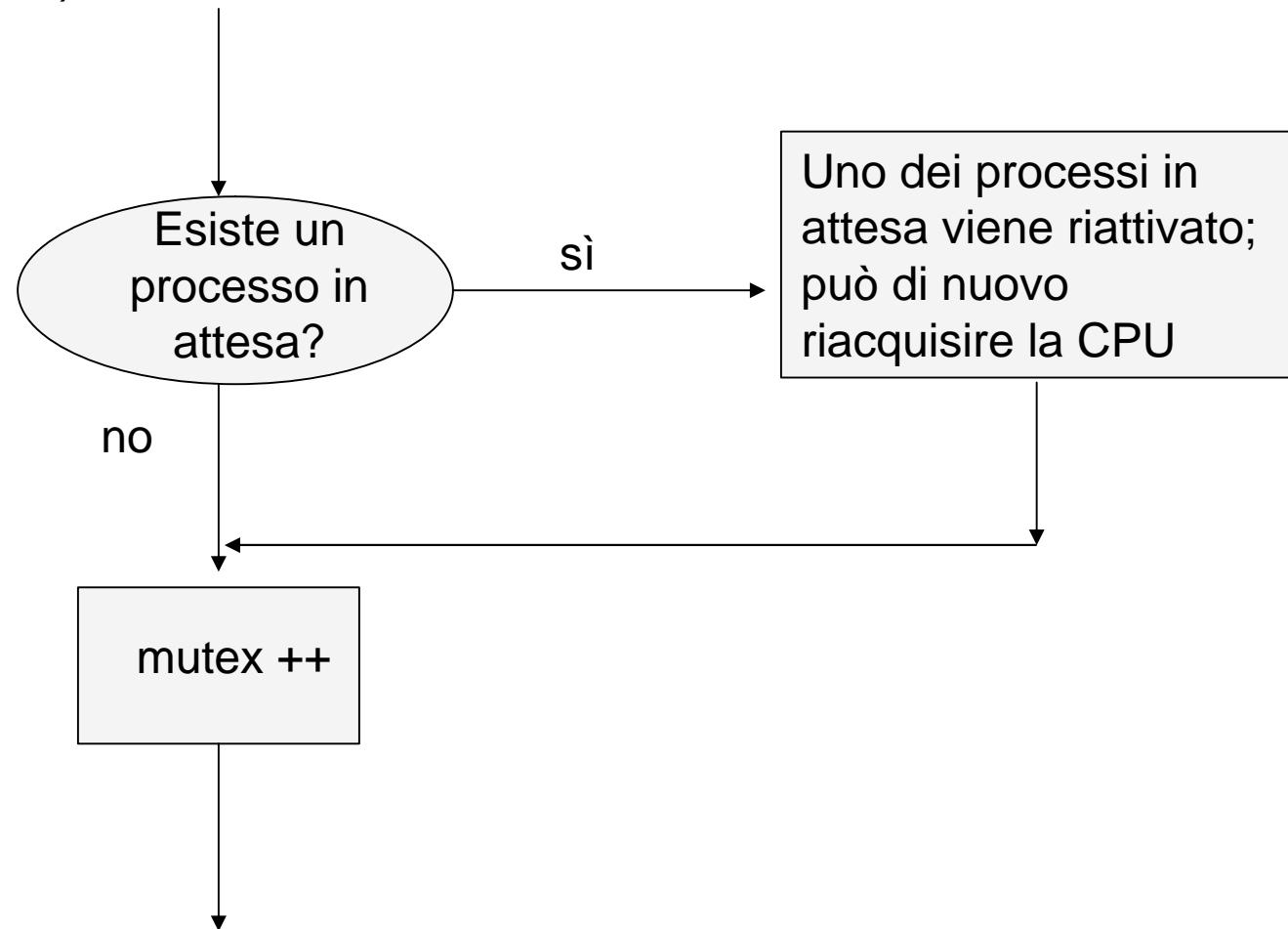
Esempio di mutua esclusione

wait(mutex)

valore iniziale: mutex=1



signal (mutex)



Realizzazione dei semafori

Al semaforo sono associati:

- un valore intero non negativo con valore iniziale ≥ 0
- una coda Q_s nella quale sono posti i descrittori dei processi che attendono l'autorizzazione a procedere.

```
typedef struct{int value;  
queue Qs;} semaphore;
```

Realizzazione di wait e signal

Wait e signal possono essere realizzate come segue:

```
void wait(semaphore *s) {
    if (s->value==0)
        <il processo viene sospeso ed
        il suo descrittore
        inserito in s->Qs>
    s->value--;
}

void signal (semaphore *s) {
    if (<s->Qs non e` vuota>)
        <il descrittore del primo processo
        viene rimosso dalla coda ed il suo
        stato modificato in pronto>
    s->value++;
}
```

- L'esecuzione della signal non comporta concettualmente nessuna modifica nello stato del processo che l'ha eseguita.
- Scelta del processo da risvegliare tramite politica **FIFO**

- *wait* e *signal* : sezioni critiche → devono essere **azioni indivisibili** (azioni atomiche).
- Analisi e modifica del valore del semaforo ed eventuale sospensione o riattivazione di un processo devono avvenire in **modo invisibile**.
- Durante un'operazione sul semaforo nessun altro processo può accedere al semaforo fino a che l'operazione è completata o bloccata.

Soluzione al problema della mutua esclusione

```
semaphore mutex;  
mutex.value=1;
```

P1

```
•  
•  
wait(&mutex);  
<Sezione critica>;  
signal(&mutex);  
•  
•
```

P2

```
•  
•  
wait(&mutex);  
<Sezione critica>;  
signal(&mutex);  
•  
•
```

- *mutex* semaforo (binario) di mutua esclusione (0,1), con valore iniziale uguale a 1.
 - Qualunque sia la sequenza di esecuzione dei processi, la soluzione è sempre corretta.

Dimostrazione

Th: Il numero n dei processi presenti contemporaneamente nella sezione critica S deve essere 0 o 1.

- Si ha:

$$n = nw(mutex) - ns(mutex)$$

- La relazione $nw(s) \leq ns(s) + s0$ diventa in questo caso:

$$nw(mutex) \leq ns(mutex) + 1$$

- Dalle due relazioni si ha:

$$n = nw(mutex) - ns(mutex) \leq 1$$

Poiché *wait(s)* precede sempre *signal(s)* si ha:

nw(mutex)-ns(mutex)³*O*

Quindi si ha:

O £ *n* £ 1

cvd

Dimostrazione

Th: Un processo viene bloccato in ingresso solo se la sezione critica è occupata da un altro processo.

Un processo è ritardato *solo* se il valore di mutex è zero.

HP: mutex.value=0

La relazione $nw(mutex) \leq ns(mutex) + 1$ diventa :

$$nw(mutex) = ns(mutex) + 1$$

Il numero delle operazioni *wait* eseguite con successo su *mutex* eccede il numero delle operazioni *signal* su *mutex* di 1.

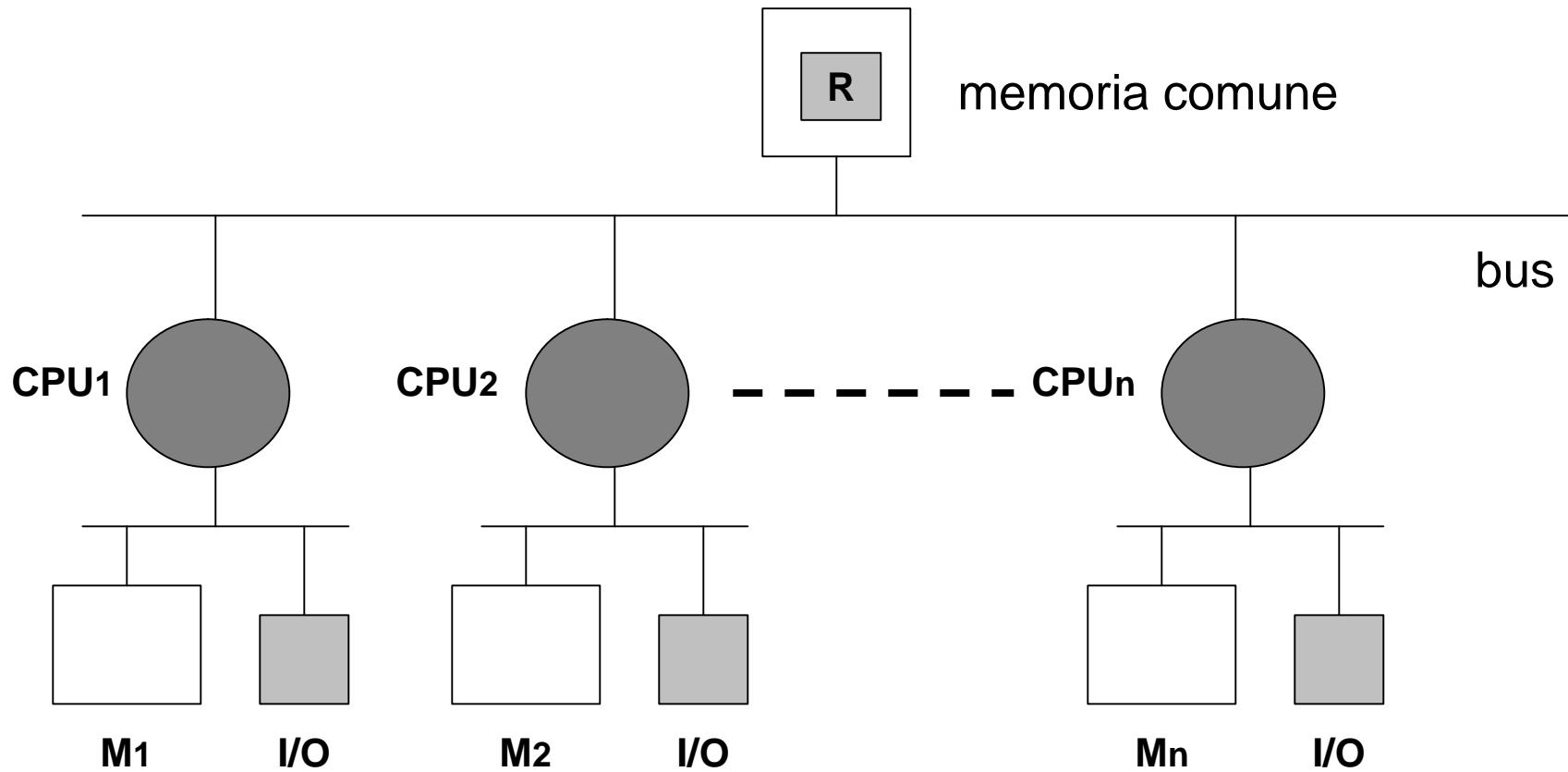
Quindi:

un processo si trova entro la sezione critica.

cvd

Mutua esclusione: alcuni problemi

1. E' sempre necessario usare *wait* e *signal* per assicurare la mutua esclusione (**overhead**)?
2. Come si ottiene la **non interrompibilità** nel caso di sistemi multiprocessori?



Soluzione al primo problema

Ipotesi: sezioni critiche “sufficientemente brevi”.

a) Sistema **monoprocesso**:

P1

·
<disabilita interruzioni>;
<S1>;
<riabilita interruzioni>;
·
·
·

P2

·
<disabilita interruzioni>;
<S2>;
<riabilita interruzioni>;
·
·
·

Soluzione al primo problema

b) Sistema multiprocessore: uso di lock e unlock

```
void lock(int *x)
{
    while (!*x);
    *x=0;
}

void unlock(int *x)
{
    *x=1;
}

/* x=0 risorsa
occupata;
 x=1 risorsa libera
*/
```

int x=1;

P1

lock(x);
<S1>;
unlock(x);

P2

lock(x);
<S2>;
unlock(x);

- Problema dell'attesa attiva (*busy waiting*)
- Nell'ipotesi che l'hardware garantisca la mutua esclusione solo a livello di lettura o scrittura di una cella di memoria **solo unlock è indivisibile**

→ Istruzione di ***test and set lock (ts)***

- Copia il valore di x in un registro ed inserisce in x il valore 0, in modo **indivisibile**
- La CPU che esegue ts tiene occupato il bus di memoria per impedire ad altre CPU di accedere alla memoria

lock(x):

```
tsl register, x  
cmp register, 1  
jne lock  
ret
```

(copia x nel registro e pone x=0)
(x vale 1?)
(se x=0 ricomincia il ciclo)
(ritorna al chiamante;
accesso alla sezione critica)

unlock(x):

```
move x,1  
ret
```

(inserisce 1 in x)
(ritorna al chiamante)

Soluzione al secondo problema

Nel caso generale in cui *wait* e *signal* siano eseguite su processori diversi si ha:

```
void wait(..mutex)
{
    lock(x);

    /*codice della
    wait */

    unlock(x);

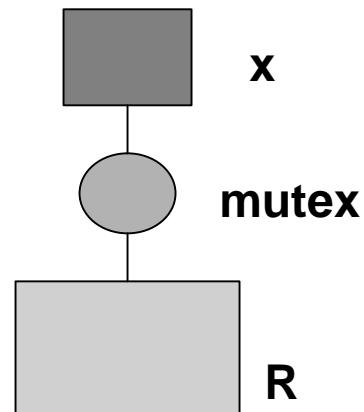
}
```

```
void signal(..mutex)
{
    lock(x);

    /*codice della
    signal */

    unlock(x);

}
```



Cooperazione tra processi concorrenti

- Scambio di **messaggi** generati da un processo e consumati da un altro
- Scambio di **segnali temporali** che indicano il verificarsi di dati eventi

La *cooperazione tra processi* prevede che l'esecuzione di alcuni di essi risulti *condizionata* dall'informazione prodotta da altri (**vincoli sull'ordinamento nel tempo delle operazioni dei processi**).

ESEMPIO:

- n processi P_1, P_2, \dots, P_n attivati ad intervalli prefissati di tempo da P_0 .
- l'esecuzione di P_i non può iniziare prima che sia giunto il segnale da P_0
- ad ogni segnale inviato da P_0 deve corrispondere una attivazione di P_i

n_1 = numero di richieste di attivazione di P_i

n_2 = numero di segnali di attivazione inviati da P_0

n_3 = numero di volte in cui P_i è stato attivato

Deve essere ad ogni istante:

$$\text{se } n_2 \geq n_1 \quad n_3 = n_1$$

$$\text{se } n_2 < n_1 \quad n_3 = n_2$$

```
semaphore si;  
si.value=0 /* valore iniziale si = 0 */
```

processo P_i :

```
main()  
{ ...  
  while(...)  
  { ...  
    wait (&si);  
    ...  
  }  
  ...  
}
```

processo P₀ :

```
main()  
{ ...  
  while(...)  
  { ...  
    signal (&si);  
    ...  
  }  
  ...  
}
```

Dimostrazione:

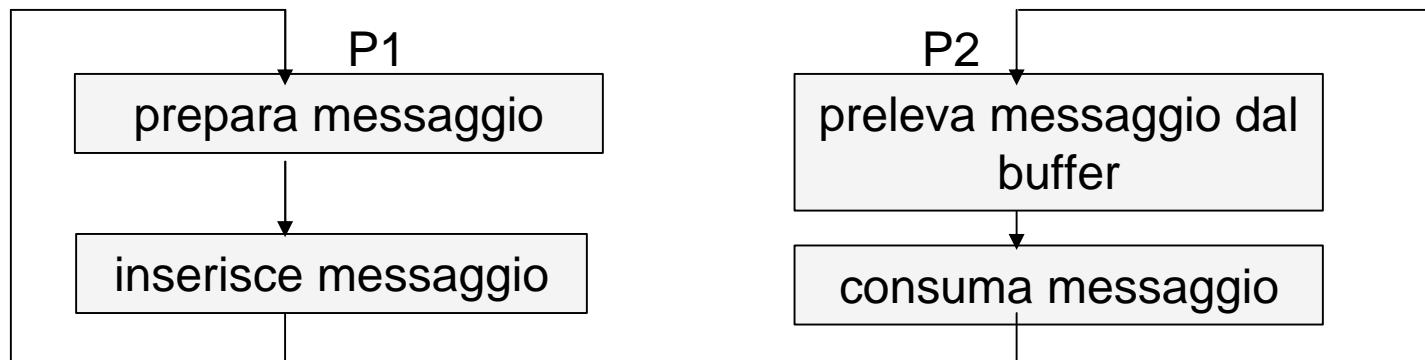
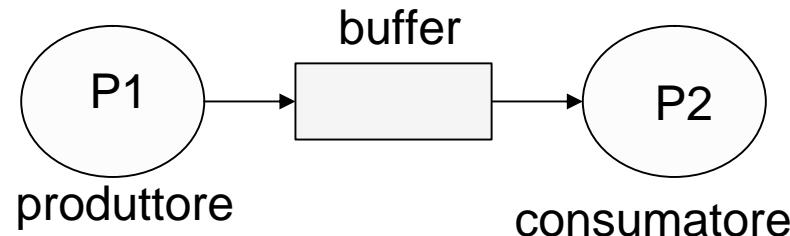
La relazione $nw(s) \leq ns(s) + s_0$ diventa in questo caso:

$$nw(s_i) \leq ns(s_i)$$

- Il numero di volte che il processo P_i è stato attivato è minore o uguale al numero dei segnali inviati da P_0

cvd

Comunicazione

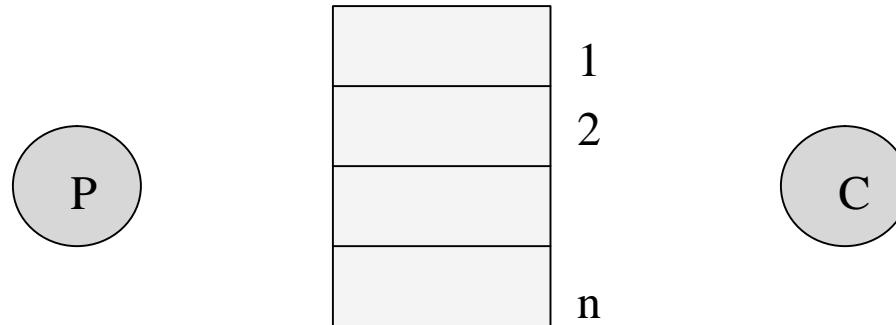


Sequenza corretta: inserimento-prelievo-inserimento-prelievo....

Sequenze errate:

- Inserimento-inserimento-prelievo....
- Prelievo-prelievo-inserimento

Esempio: Produttore Consumatore (buffer di capacità n)



1. Il produttore non può inserire un messaggio nel buffer se questo è pieno.
 2. Il consumatore non può prelevare un messaggio dal buffer se questo è vuoto
- Siano:
 - d = numero dei messaggi depositati
 - e = numero dei messaggi estratti
 - n = numero dei messaggi che può contenere il buffer
 - Deve valere la condizione: $0 \leq d - e \leq n$

$$0 \leq d - e \leq n$$

<pre> semaphore msg_disponibile; msg_disponibile.value=0; </pre>	
<pre> /* Processo produttore:*/ main() { for (;;){ <produzione messaggio>; <deposito messaggio>; signal(&msg_disponibile);} } </pre>	<pre> /* Processo consumatore:*/ main() { for (;;){ wait(&msg_disponibile); <prelievo messaggio>; <consumo messaggio>;} } </pre>

- questa soluzione soddisfa soltanto la condizione 2: il produttore potrebbe depositare un messaggio nel buffer pieno!

- Per sincronizzare correttamente gli accessi al buffer di produttore e consumatore, introduciamo **due semafori**:

- spazio_disp (valore iniziale=n, capienza del buffer)
- msg_disp (valore iniziale=0)

```
semaphore spazio_disp, msg_disp;
spazio_disp.value=n;
msg_disp.value=0;
```

```
/* Processo produttore:*/
main()
{
  for (;;){
    wait(&spazio_disp);
    <produzione messaggio>;
    <deposito messaggio>;
    signal(&msg_disp);}
}
```

```
/* Processo consumatore:*/
main()
{
  for (;;){
    wait(&msg_disp);
    <prelievo messaggio>;
    signal(&spazio_disp);
    <consumo messaggio>;}
}
```

Dimostrazione

Th: la soluzione proposta soddisfa la condizione

0 £ d - e £ n

- La relazione $nw(s) \leq ns(s) + s0$ scritta per i due semafori diventa:
 - 1) $nw(spazio_disp) \leq ns(spazio_disp) + n$
 - 2) $nw(msg_disp) \leq ns(msg_disp)$
- L'ordine con cui vengono eseguite le primitive comporta:
 - 3) $ns(msg_disp) \leq d \leq nw(spazio_disp)$
 - 4) $ns(spazio_disp) \leq e \leq nw(msg_disp)$

Dalle 3),1),4) si ha:

$$d \leq nw(spazio_disp) \leq ns(spazio_disp) + n \leq e+n \quad [i]$$

Dalle 4),2),3) si ha:

$$e \leq nw(msg_disp) \leq ns(msg_disp) \leq d \quad [ii]$$

- Combinando i due risultati [i] e [ii] si ottiene:

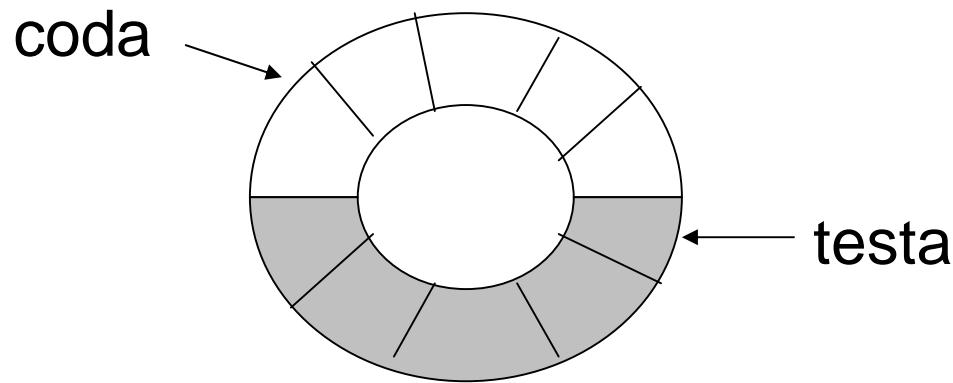
$$e \leq d \leq e+n$$

da cui:

$$0 \leq d-e \leq n$$

cvd

Affinchè la soluzione sia corretta, bisogna che produttore e consumatore *non accedano mai contemporaneamente alla stessa posizione del buffer*.



Inizialmente si ha:

$$\text{coda} = \text{testa}$$

Operazioni di inserimento e prelievo:

```
typedef messaggio buffer[N];  
  
buffer B;  
  
int testa=0, coda=0;  
  
messaggio M;
```

Inserimento:

```
B[coda] = M;  
coda = (coda + 1)%N;
```

Prelievo:

```
M = B[testa];  
testa = (testa + 1)%N;
```

Siano $p1$ e $p2$ rispettivamente il numero di volte in cui $coda$ e $testa$ sono stati incrementati (inizialmente $p1 = p2$).

Le operazioni di deposito e prelievo agiscono sulla stessa porzione di buffer se:

$$p1 = p2 \bmod n \quad [5]$$

Dimostrazione

Th: produttore e consumatore *non accedono contemporaneamente* alla stessa porzione di buffer

- Siano $p1$ e $p2$ rispettivamente il numero di volte in cui coda e testa sono stati incrementati (inizialmente $p1 = p2$).
- Le operazioni di deposito e prelievo agiscono sulla stessa porzione di buffer se:

$$p1 = p2 \bmod n$$

- Durante l'operazione di **deposito** si ha:

$$p1 = ns(\text{msg_disp})$$

$$ns(\text{msg_disp}) = nw(\text{spazio_disp}) - 1 \leq n + ns(\text{spazio_disp}) - 1 \quad (\text{dalla (1)})$$

- Durante la operazione di **prelievo** si ha:

$$p2 = nw(\text{msg_disp}) - 1$$

$$nw(\text{msg_disp}) = ns(\text{spazio_disp}) + 1 \leq ns(\text{msg_disp})$$

(dalla (2))

Si ha:

$$nw(msg_disp) \leq ns(msg_disp) \leq n + nw(msg_disp) - 2$$

da cui:

$$0 \leq ns(msg_disp) - nw(msg_disp) \leq n - 2$$

e quindi:

$$0 \leq p_1 - p_2 - 1 \leq n - 2$$

da cui:

$$1 \leq p_1 - p_2 \leq n - 1 \quad [6]$$

La [6], che vale quando due processi stanno contemporaneamente lavorando sul buffer, è in contraddizione con la [5]. Quindi la condizione che produttore e consumatore *non accedano contemporaneamente* alla stessa porzione di buffer è soddisfatta.

cvd

Nel caso di più produttori e più consumatori: aggiungiamo i due semafori mutex1 e mutex2

• • •

```
semaphore mutex1, mutex2;  
mutex1.value=1;  
mutex2.value=1;
```

Processo produttore:

```
main()  
{ for(; ;)  
{ <produz. messaggio>;  
  wait (&spazio_disp);  
  wait (&mutex1);  
  <inserimento mess.>;  
  signal(&mutex1)  
  signal(&msg_disp);  
 }  
}
```

Processo consumatore:

```
main()  
{ for(; ;)  
{ wait (&msg_disp);  
  wait (&mutex2)  
  <prelievo mess.>;  
  signal(&mutex2)  
  signal(&spazio_disp);  
  <consumo messaggio>;  
 }  
}
```

Esempi di uso dei semafori: gestione di risorse

- R_1, R_2, \dots, R_n n unità di uno stesso tipo di risorsa (tutte equivalenti fra loro).
- P_1, P_2, \dots, P_m m processi che devono operare su una qualunque risorsa in **modo esclusivo** tramite le operazioni A, B, \dots

I Soluzione

- Si assegna un semaforo di mutua esclusione M_i (v. i.=1) ad ogni risorsa R_i

processo P_s :

```
 . . .
wait( $M_i$ );
 $R_i.A;$ 
signal( $M_i$ );
 . . .
```

$R_i.A$ rappresenta l' esecuzione
dell'operazione A su R_i

Inconvenienti della soluzione:

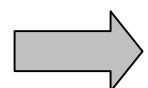
- Come decide il generico processo su quali risorse operare (come viene scelto i)?
- Può capitare che, una volta scelta R_i , se su di essa sta operando in quel momento un secondo processo P_k , il processo P_s si blocchi su $wait(M_i)$, pur essendo disponibili altre risorse R_h ($h \neq j$).

Il Soluzione: viene introdotta una nuova risorsa G, gestore di R1, R2, ... Rn. Essa può essere concepita come **una struttura dati** destinata a mantenere lo stato delle risorse gestite. Sul gestore si opera tramite due procedure:

Richiesta e **Rilascio**.

```
unsigned int Richiesta();  
void Rilascio(unsigned int x);
```

(dove il parametro x rappresenta **l'indice della risorsa assegnata o rilasciata**)



semaforo RIS con valore iniziale = n

E' necessario un vettore di variabili *booleane* **Libero[i]** per registrare quale risorsa è in un certo istante libera (**Libero[i] = 1**) e quale occupata (**Libero[i] = 0**).

Strutture dati del gestore:

- le procedure Richiesta e Rilascio dovranno essere eseguite in **mutua esclusione**
→ semaforo **mutex** di mutua esclusione con v.i. = 1
- Un processo che esegue **Richiesta** verifica la disponibilità di una qualunque risorsa Rj.
- Un processo che esegue **Rilascio** rende nuovamente disponibile una risorsa
→ semaforo **ris** con valore iniziale = n
- E' necessario un vettore di variabili *booleane* **Libero[i]** per registrare quale risorsa è in un certo istante libera (**Libero[i] = 1**) e quale occupata (**Libero[i] = 0**).

Il Soluzione - segue

```
semaphore    mutex, ris;  
  
int Libero[n];  
  
void inizializza()  
{ /*inizializzazione del gestore:*/  
    mutex.value= 1;  
  
    ris.value= n;  
  
    for(i = 0; i<n; i++)  
        Libero[i] = 1; /*true*/  
}
```

II Soluzione - segue

```
int Richiesta ()
{
    unsigned int x, i;
    wait(&ris);
    wait(&mutex);
    i=0;
    do
        i++;
    while (! Libero[i]);
    x = i;
    Libero[i] = 0;
    signal(&mutex);
    return x;
}
```

```
void Rilascio (unsigned int x)
{
    unsigned int i;
    wait(&mutex);
    i=x;
    Libero[i]= 1;
    signal(&mutex);
    signal(&ris);
}
```

Schema del processo:

```
main()
{
    unsigned int risorsa;

    ...

    risorsa=Richiesta();

    <uso della risorsa>

    Rilascio(ressorsa);

    ...

}
```

Realizzazione di politiche di gestione delle risorse

- Nei problemi di sincronizzazione visti precedentemente si ha che:
 - La decisione se un processo possa proseguire l'esecuzione dipende dal valore di un solo semaforo (es., “**mutex**”, “**spazio disponibile**”, “**messaggio disponibile**”)
 - La scelta del processo da riattivare avviene tramite l'algoritmo implementato nella **signal** (FIFO).
- In problemi di sincronizzazione **più complessi** si ha che:
 - La decisione se un processo può proseguire l'esecuzione dipende in generale dal verificarsi di una **condizione di sincronizzazione**
 - La scelta del processo da riattivare può avvenire sulla base di **priorità tra processi**

Problema dei “readers and writers”



Condizioni di sincronizzazione:

- I processi lettori possono usare la risorsa contemporaneamente.
- I processi scrittori hanno accesso esclusivo alla risorsa.
- I processi lettori e scrittori si **escludono mutuamente** nell'uso della risorsa.

Soluzione 1

Un processo lettore aspetta *solo se la risorsa è già stata assegnata ad un processo scrittore*: cioè nessun lettore aspetta se uno scrittore è già in attesa (possibilità di attesa infinita da parte dei processi scrittori).

Soluzione 2

Un processo lettore aspetta se *un processo scrittore è in attesa* (possibilità di attesa infinita da parte dei processi lettori).

Soluzione 1:

```
int      readcount=0;  
  
semaphore mutex, w;  
  
mutex.value=1; w.value=1;
```

READER

```
main()  
{  wait(&mutex);  
  readcount ++;  
  if (readcount == 1)  
      wait(&w);  
  signal(&mutex);  
  ..  
  <lettura>  
  ..  
  wait(&mutex);  
  readcount --;  
  if (readcount==0)  
      signal(&w);  
  signal(&mutex);  
}
```

WRITER

```
main()  
{  wait(&w);  
  ..  
  <scrittura>  
  ..  
  signal(&w);  
}
```

Soluzione 2:

```
int      readcount, writecount=0;  
  
semaphore mutex1, mutex2, mutex3, w, r;  
  
mutex1.value=1; mutex2.value=1; mutex3.value=1; w.value=1; r.value=1;
```

READER

```
main{  
    wait(mutex3);  
    wait(r);  
    wait(mutex1);  
    readcount++;  
    if (readcount==1)  
        wait(w);  
    signal(mutex1);  
    signal(r);  
    signal(mutex3);  
    ..  
<lettura>  
    ..  
    wait(mutex1)  
    readcount --;  
    if (readcount == 0)  
        signal(w);  
    signal(mutex1);}
```

WRITER

```
main(){  
    wait(mutex2);  
    writecount ++;  
    if (writecount==1)  
        wait(r);  
    signal(mutex2);  
    wait(w);  
    ..  
<scrittura>  
    ..  
    signal(w)  
    wait(mutex2)  
    writecount--;  
    if (writecount==0)  
        signal(r);  
    signal(mutex2);}
```