PUNTATORI A STRUTTURE

È possibile utilizzare i puntatori per accedere a variabili di tipo struct

Operatore . della notazione postfissa ha precedenza su *
=> necessarie parentesi tonde (*P).Campo_1=75;

Operatore -> consente l'accesso ad un campo di una struttura referenziata da puntatore in modo più sintetico: P->Campo_1=75;

IL CONCETTO DI LISTA

Lista come sequenza (multi-insieme finito e ordinato) di elementi dello stesso tipo

Multi-insieme: insieme in cui un medesimo elemento

può comparire più volte

Notazione: $L = [el_1, el_2, ..., el_N]$

['a', 'b', 'c'] denota la lista dei caratteri 'a', 'b', 'c'

[5, 8, 5, 21, 8] denota una lista di 5 interi

Come ogni tipo di dato astratto, la lista è definita in termini di:

- dominio dei suoi elementi (dominio-base)
- operazioni di *costruzione* sul tipo lista
- operazioni di selezione sul tipo lista

ADT LISTA (1)

In generale, un tipo di dato astratto T è definito come:

$$T = \{D, \Im, \Pi\}$$

- dominio-base D
- insieme di *funzioni* $\Im = \{F_1, ..., F_n\}$ sul dominio D
- insieme di **predicati** $\Pi = \{F_1, ..., F_n\}$ sul dominio D

Una lista semplice è un tipo di dato astratto tale che:

- D può essere qualunque
- S = { cons, head, tail, emptyList }
- $\Pi = \{ \text{ empty } \}$

ADT LISTA (2)

ESEMPI:

ADT LISTA (3)

Pochi linguaggi forniscono il tipo *lista* fra predefiniti (LISP, Prolog); per gli altri, *ADT lista si costruisce a partire da altre strutture dati* (in C tipicamente vettori o puntatori)

OPERAZIONI PRIMITIVE DA REALIZZARE

Operazione	Descrizione
cons: D x list -> list	Costruisce una nuova lista, aggiungendo l'elemento fornito in testa alla lista data
head: list -> D	Restituisce primo elemento della lista data
tail: list -> list	Restituisce la coda della lista data
emptyList: -> list	Restituisce la lista vuota
empty: list -> boolean	Restituisce vero se la lista data è vuota, falso altrimenti

ADT LISTA (4)

Concettualmente, le operazioni precedenti costituiscono un *insieme minimo completo* per operare sulle liste

Tutte le altre operazioni, quali ad esempio inserimento (ordinato) di elementi, concatenamento di liste, stampa degli elementi di una lista, rovesciamento di una lista, si possono definire in termini delle primitive precedenti

NOTA - Tipo list è definito in modo induttivo:

- Esiste la costante "lista vuota" (risultato di emptyList)
- É fornito un costruttore (cons) che, dato un elemento e una lista, produce una nuova lista

Questa caratteristica renderà naturale esprimere le *operazioni derivate* (non primitive) mediante *algoritmi ricorsivi*

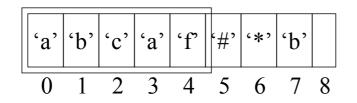
RAPPRESENTAZIONE CONCRETA DI LISTE

1) RAPPRESENTAZIONE STATICA

Utilizzare un *vettore* per memorizzare gli elementi della lista uno dopo l'altro (*rappresentazione sequenziale*)

- primo memorizza l'indice del vettore in cui è inserito primo elemento
- lunghezza indica da quanti elementi è composta la lista

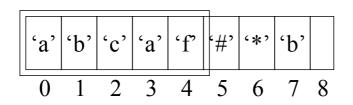
ESEMPIO: ['a', 'b', 'c', 'a', 'f']



0 primo

5 lunghezza

RAPPRESENTAZIONE CONCRETA DI LISTE



0 primo

5 lunghezza

Le componenti del vettore con indice pari o successivo a (primo + lunghezza) *non sono significative*

Inconvenienti:

- dimensioni fisse del vettore
- costosi inserimento e cancellazione

(copia dell'intera struttura dati)

ESEMPIO: liste di caratteri come vettori (1)

DICHIARAZIONE PRIMITIVE (listVet.h)

ESEMPIO: liste di caratteri come vettori (2)

IMPLEMENTAZIONE PRIMITIVE (listVet.c)

ESEMPIO: liste di caratteri come vettori (3)

IMPLEMENTAZIONE PRIMITIVE (listVet.c) ...segue...

DICHIARAZIONE NON PRIMITIVE (listVet2.h)

```
void showList(list);
```

ESEMPIO: liste di caratteri come vettori (4)

IMPLEMENTAZIONE (come primitiva) (listVet2.c)

```
void showList(list 1) { int i;
    printf("[");
    for (i=1.primo; i<1.lunghezza; i++) {
        printf("%c", 1.El[i]);
        if (i<1.lunghezza-1) printf(",\t"); }
    printf("]\n"); }</pre>
```

Esercizio aggiuntivo:

implementare showList() come *non-primitiva*, evitando accesso diretto alla rappresentazione fisica e usando solo le primitive sopra definite

RAPPRESENTAZIONE CONCRETA DI LISTE

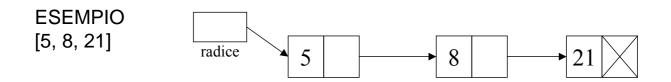
2) RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

A ogni elemento si associa l'informazione (indice, riferimento) che permette di individuare la posizione dell'elemento successivo

=> Sequenzialità elementi della lista non è più rappresentata mediante l'adiacenza delle locazioni di memorizzazione

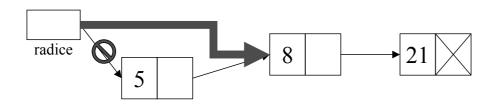
NOTAZIONE GRAFICA

- elementi della lista come nodi
- riferimenti (indici) come archi

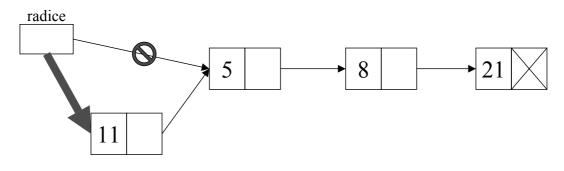


RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

ELIMINAZIONE PRIMO ELEMENTO (tail)

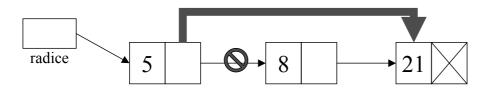


INSERIMENTO IN TESTA (cons)

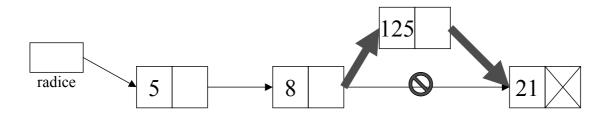


RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

ELIMINAZIONE DI UN ELEMENTO



INSERIMENTO DI UN ELEMENTO



RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

IMPLEMENTAZIONE MEDIANTE VETTORI

Ogni elemento del vettore deve mantenere:

- valore dell'elemento della lista (dato)
- riferimento (*indice*) al prossimo elemento (*next*)

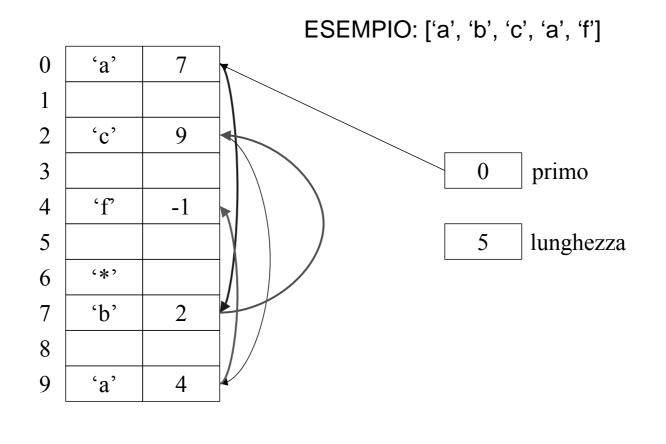
VANTAGGI

Cancellazione e inserimento più efficienti: non richiedono spostamento fisico elementi (solo aggiornamento riferimenti)

SVANTAGGI

- Maggiore spazio occupato
- Dimensione massima della lista
- Gestione lista libera, ovvero gli elementi del vettore non ancora occupati da dati (causa inserimento e cancellazione)

Implementazione mediante vettori



RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

IMPLEMENTAZIONE MEDIANTE PUNTATORI

Problema della dimensione massima del vettore: adottare un approccio basato su *allocazione dinamica* memoria

Ciascun nodo della lista è una struttura di due campi:

- valore dell'elemento
- un *puntatore* nodo successivo lista (NULL se ultimo elemento)

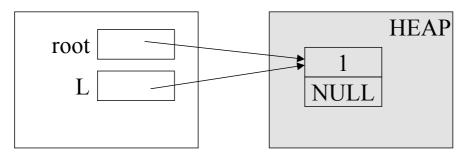
```
typedef struct list_element {
    int value;
    struct list_element *next;
} node;
typedef node *list;
```

NOTA: **etichetta list_element** in dichiarazione struct è **indispensabile**, altrimenti sarebbe impossibile definire un tipo ricorsivamente

ESERCIZIO 1

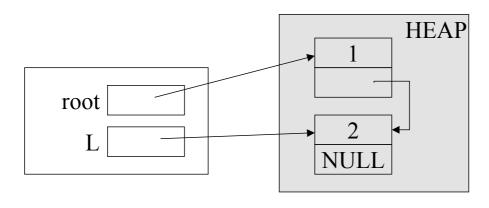
```
#include <stdlib.h>
typedef struct list_element {
    int value;
    struct list_element *next;
} item;
typedef item *list;

main() {
    list root = NULL, L;
    root = (list) malloc(sizeof(item));
    root->value = 1;
    root->next = NULL;
    L = root;
```



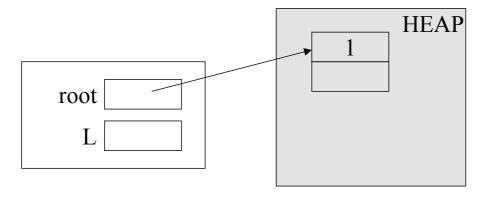
ESERCIZIO 1 (segue)

```
"
L = root->next;
L = (list) malloc(sizeof(item));
L->value = 2;
L->next = NULL;
root->next = L;
```



ESERCIZIO 1 (segue)

```
...
free(L);
}
```



ATTENZIONE: pericoloso l'utilizzo di free() in presenza di *structure sharing*

ESERCIZIO 2: creazione di una lista di interi

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct list_element {
       int value;
      struct list_element *next;
} item;
typedef item *list;
list insert(int e, list l) { list t;
      t = (list) malloc(sizeof(item));
      t->value = e; t->next = 1;
      return t; }
main() {
list root = NULL, L; int i;
      printf("\nIntrodurre valore: \t");
do {
      scanf("%d", &i);
      root = insert(i, root);
  } while (i!=0);
```

Creazione di una lista di interi (segue)

ESERCIZIO 3: ricerca in una lista

```
int ricerca(int e, list l) {
    int trovato = 0;
    while ((l!=NULL)&&!trovato)
        if (l->value == e) trovato = 1;
        else l = l->next;
    return trovato;
}
```

È una **scansione sequenziale**:

- nel caso *peggiore*, occorre scandire l'intera lista
- nel caso *migliore*, è il primo elemento

Esercizio proposto: progettare e implementare una soluzione ricorsiva al medesimo problema

ESERCIZIO 4

Definire una funzione subList che, dato un intero positivo n e una lista I, restituisca una lista che rappresenti *la sotto-lista di quella data a partire dall'elemento n-esimo*

```
ESEMPIO: I = [1, 13, 7, 9, 10, 1] subList(2, I) = [7, 9, 10, 1]
```

Versione iterativa:

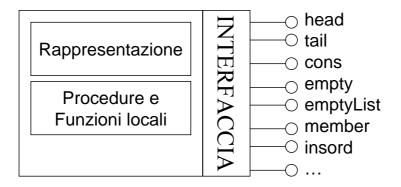
```
list subList(int n, list l) {
   int i = 1;
   while ((l!=NULL)&&(i<n)) {
        l = l->next; i++; }
   return l; }
```

Versione ricorsiva:

```
list subList(int n, list l) {
   if (n == 1) return l;
   else return (subList(n-1, l->next)); }
```

COSTRUZIONE ADT LISTA (1)

Incapsulare la *rappresentazione concreta* (che utilizza puntatori e strutture) e esportare come file header solo *definizioni di tipo* e *dichiarazioni delle operazioni*



Funzionamento di lista *non dipende dal tipo* degli elementi di cui è composta -> *soluzione generale*

COSTRUZIONE ADT LISTA (2)

LINEE GUIDA:

- definire un tipo element per rappresentare generico tipo di elemento (con le sue proprietà)
- realizzare ADT lista in termini di element

Il tipo element

File element.h contiene la definizione di tipo:

```
typedef int element;
(il file element.c non è necessario per ora)
```

SCELTA DI PROGETTO: pericoloso uso di free() con structure sharing
=> NO Deallocazione memoria

- Inefficiente per spazio occupato a meno che non ci sia un garbage collector (Java, Prolog, LISP)
- Sicura, mai effetti collaterali sulle strutture condivise

ADT LISTA

FILE HEADER (list.h)

```
#include "element.h"

typedef struct list_element {
    element value;
    struct list_element *next;
} item;

typedef item *list;

list emptyList(void);    //PRIMITIVE

boolean empty(list);
element head(list);
list tail(list);
list cons(element, list);

void showList(list);    // NON PRIMITIVE

boolean member(element, list);
...
```

ADT LISTA: file di implementazione (list.c)

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "list.h"
                          /* ---- PRIMITIVE ---- */
list emptyList(void) { return NULL; }
boolean empty(list 1) { return (l==NULL); }
element head(list 1) {
      if (empty(1)) abort();
      else return l->value; }
list tail(list 1) {
     if (empty(1)) abort();
      else return l->next; }
list cons(element e, list 1) {
      list t;
      t = (list) malloc(sizeof(item));
      t->value=e; t->next=l;
      return t; }
```

ADT LISTA: file di implementazione (list.c)

NOTA: printf("%d", ...) è specifica per gli interi

ADT LISTA: il cliente (main.c)

ADT LISTA: altre operazioni non primitive

Operazione	Descrizione
member: D x list -> boolean	Restituisce vero o falso a seconda se l'elemento dato è presente nella lista data
length: list -> int	Calcola il numero di elementi della lista data
append: list x list -> list	Restituisce una lista che è concatenamento delle due liste date
reverse: list -> list	Restituisce una lista che è l'inverso della lista data
copy: list -> list	Restituisce una lista che è copia della lista data

ADT LISTA: il predicato member

```
// VERSIONE ITERATIVA
boolean member(element el, list l) {
    while (!empty(l)) {
        if (el == head(l)) return 1;
        else l = tail(l);
    } return 0;
}
```

```
// VERSIONE (TAIL)RICORSIVA
boolean member(element el, list l) {
   if (empty(l)) return 0;
   else if (el == head(l)) return 1;
       else return member(el, tail(l));
}
```

Esercizio: scriverne una versione più efficiente

ADT LISTA: la funzione length

```
length(I) = 0 se empty(I)
1 + length(tail(I)) altrimenti
```

```
// VERSIONE ITERATIVA
int length(list 1) {
    int n = 0;
    while (!empty(1)) {
        n++; l = tail(1); }
    return n;
}
```

```
// VERSIONE RICORSIVA
int length(list 1) {
    if (empty(1)) return 0;
    else return 1 + length(tail(1));
}
```

NOTA: **NON** è una funzione *tail ricorsiva*, somma dopo la

chiamata ricorsiva

Esercizio: scriverne una versione più efficiente

ADT LISTA: la funzione append (1)

append (come copy e reverse) non è solo un'operazione di analisi del contenuto o della struttura della lista, ma implica la costruzione di una nuova lista

Per ottenere una lista che sia il concatenamento di due liste I1 e I2:

- se la lista l1 è vuota, il risultato è l2
- altrimenti occorre prendere l1 e aggiungerle in coda la lista l2

PROBLEMA: come aggiungere una lista in coda a un'altra?

Nelle primitive non esistono operatori di modifica

- -> l'unico modo è costruire una lista nuova
- con primo elemento (testa), la testa della lista I1
- come coda, una nuova lista ottenuta appendendo l2 alla coda di l1

=> Serve una chiamata ricorsiva a append

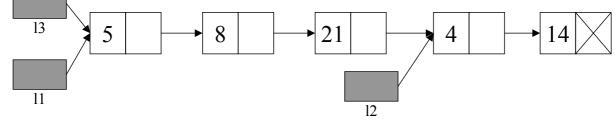
ADT LISTA: la funzione append (2)

```
\begin{array}{ll} \textbf{append(I1, I2)} = & \text{I2} & \text{se empty(I1)} \\ & \text{cons(head(I1), append(tail(I1), I2))} & \text{altrimenti} \end{array}
```

```
list append(list 11, list 12) {
    if (empty(11)) return 12;
    else return cons(head(11), append(tail(11),12));
}
```

NOTA: quando l1 diventa vuota, *append* restituisce direttamente l2, *non una sua copia* -> l1 è duplicata, ma *l2 rimane condivisa*

Structure sharing (parziale)



ADT LISTA: la funzione reverse (1)

Per ottenere una lista **rovesciamento** di una lista data I, occorre **costruire una nuova lista**, avente:

- 1. davanti, il risultato del ribaltamento della coda di l
- 2. in fondo, l'elemento iniziale (testa) di l

Occorre dunque concatenare la lista ottenuta al punto 1) con l'elemento definito al punto 2) => uso di **append** append richiede **due liste** => occorre prima costruire una lista l2 contenente il solo elemento di cui al punto 2)

```
reverse(l) = emptyList() se empty(l)
append(reverse(tail(l)), cons(head(l), emptyList())) altrimenti
```

ADT LISTA: la funzione reverse (2)

Esercizio: scrivere una versione *ricorsiva tail* di reverse

Per passare da una versione ricorsiva ad una ricorsiva tail:

- funzione di interfaccia che richiami la funzione tailricorsiva con necessari parametri supplementari
- definire la funzione tail-ricorsiva con un parametro lista in più, inizialmente vuota, in cui inserire in testa gli elementi via via prelevati dalla lista data

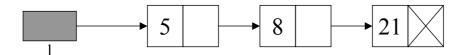
```
list reverse(list 1) {
    return rev(emptyList(), 1);
}
list rev(list 12, list 11) {
    if (empty(l1)) return 12;
    else return rev(cons(head(l1), l2), tail(l1));
}
```

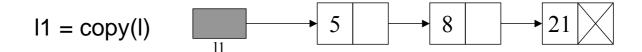
ADT LISTA: la funzione copy

Dato il tipo di operazione, *non* può esservi *condivisione* di *strutture*

Si tratta quindi di impostare un ciclo (o una funzione ricorsiva tail) che duplichi uno a uno tutti gli elementi

```
list copy(list 1) {
    if (empty(1)) return 1;
    else return cons(head(11), copy(tail(1)));
}
```





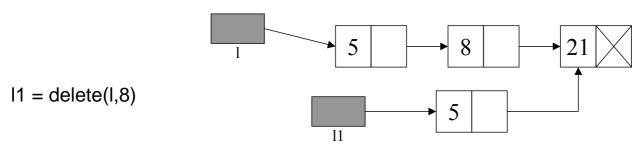
ADT LISTA: la funzione delete (1)

Deve restituire una lista che differisce da quella data solo per *l'assenza dell'elemento* indicato

Non esistendo operatori di modifica, delete deve operare *costruendo una nuova lista* (almeno per la parte da modificare). Occorre:

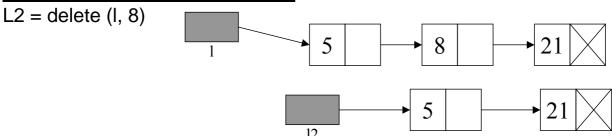
- duplicare parte iniziale lista, fino all'elemento da eliminare (escluso)
- agganciare la lista così creata al resto della lista data

```
list delete(element el, list l) {
  if (empty(l)) return emptyList();
  else if (el == head(l)) return tail(l);
    else return cons(head(l), delete(el, tail(l)));
}
```



ADT LISTA: la funzione delete (2)

Per non avere condivisione:



CONCLUSIONE

Per usare in modo sicuro la condivisione di strutture, è necessario:

- NON effettuare free() -> uso inefficiente heap in linguaggi privi garbage collection (evitare rischio di riferimenti pendenti)
- realizzare liste come valori (entità non modificabili): ogni modifica comporta la creazione di nuova lista (evitare rischio di effetti collaterali indesiderati)

LISTE ORDINATE

Necessario che sia definita una *relazione d'ordine* sul *dominio-base* degli elementi della lista

NOTA: criterio di ordinamento dipende da *dominio base* e dalla specifica *necessità applicativa*

Ad esempio:

- interi ordinati in senso crescente, decrescente, ...
- stringhe ordinate in ordine alfabetico, in base alla loro lunghezza, ...
- persone ordinate in base all'ordinamento alfabetico del loro cognome, all'età, al codice fiscale, ...

Ad esempio, per costruire una *lista ordinata di interi* letti da console si può (*funzione ricorsiva*):

```
list inputordlist(int n) { element e;
  if (n<0) abort();
  else if (n == 0) return emptyList();
     else { scanf("%d", &e);
         return insord(e, inputordlist(n-1));
     }
}</pre>
```

LISTE ORDINATE: la funzione insord

Per inserire un elemento in modo ordinato in una lista supposta ordinata:

- <u>se la lista è vuota,</u> costruire una **nuova lista** contenente il nuovo elemento, *altrimenti*
- <u>se l'elemento da inserire è minore della testa della lista</u>, aggiungere il nuovo elemento in testa alla lista data, altrimenti
- l'elemento andrà inserito nella coda della lista data

I primi due casi sono operazioni elementari

Il terzo caso riconduce il problema allo **stesso problema in un caso più semplice**: alla fine si potrà effettuare o un inserimento in testa o ci si ricondurrà alla lista vuota

```
list insord(element el, list l) {
  if (empty(l)) return cons(el, l);
  else if (el <= head(l)) return cons(el, l);
    else <inserisci el nella coda di l, e restituisci la lista così modificata>
}
```

LISTE ORDINATE: la funzione insord

Non esistendo primitive di modifica, il solo modo per ottenere una lista diversa è *(ri)costruirla*

Dunque, per inserire un elemento nella coda della lista data occorre *costruire una nuova lista* avente:

- come primo elemento (testa), la testa della lista data
- come coda, *coda modificata* (con inserimento del nuovo elemento)

```
list insord(element el, list l) {
  if (empty(l)) return cons(el, l);
  else if (el <= head(l)) return cons(el, l);
    else return cons(head(l), insord(el, tail(l)));
}</pre>
```

- tutta la parte iniziale della lista viene duplicata;
- parte successiva al punto inserimento è invece condivisa

IL PROBLEMA DELLA GENERICITÀ

Funzionamento lista *non deve dipendere dal tipo degli elementi* di cui è composta => cercare di costruire ADT generico che funzioni con *qualunque tipo di elementi*

=> ADT ausiliario *element* e realizzazione dell'ADT lista in termini di element

Osservazioni:

- showList dipende da printf() che svela il tipo dell'elemento
- insord dipende dal tipo dell'elemento nel momento del confronto

Può quindi essere utile *generalizzare queste necessità*, e definire un ADT element che fornisca funzioni per:

- verificare relazione d'ordine fra due elementi
- verificare l'uguaglianza fra due elementi
- leggere da input un elemento
- scrivere su output un elemento

ADT ELEMENT: element.h

Header element.h deve contenere

- definizione del tipo element
- dichiarazioni delle varie funzioni fornite

ADT ELEMENT: element.c

```
#include "element.h"
#include <stdio.h>

boolean isEqual(element e1, element e2) {
    return (e1==e2); }

boolean isLess(element e1, element e2) {
    return (e1<e2); }

element getElement() {
    element e1;
    scanf("%d", &el);
    return e1; }

void printElement() {
    printf("%d", e1); }</pre>
```

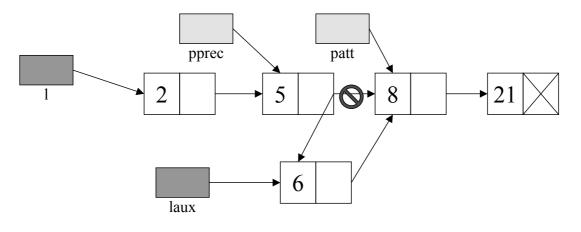
ESERCIZIO 5

Scrivere una versione primitiva della funzione insord

Ipotesi: la lista di partenza è ordinata

Algoritmo:

- Scandire la lista finché si incontra un nodo contenente un elemento maggiore di quello da inserire
- Allocare un nuovo nodo, con l'elemento da inserire
- Collegare il nuovo nodo ai due adiacenti (vedi figura)



ESERCIZIO 5 (segue)

Il posto giusto del nuovo nodo è *prima* del nodo attuale -> occorre mantenere un riferimento al *nodo precedente*

```
list insord_p(element el, list l) {
  list pprec, patt = l, paux;
  boolean trovato = 0;
  while (patt!=NULL && !trovato) {
    if (el < patt->value) trovato = 1;
    else { pprec = patt; patt = patt->next; }
  }
  paux = (list) malloc(sizeof(item));
  paux->value = el; paux->next = patt;
  if (patt==l) return paux;
  else { pprec->next = paux; return l; }
}
```

ESERCIZIO 6

Realizzare (come non-primitiva) funzione *mergeList* che fonda due liste l1 e l2 ordinate in un'unica lista l3 senza ripetizioni

Algoritmo: si copia la lista 11 in una lista 13, poi si scandisce la lista 12 e, elemento per elemento, si controlla se l'elemento è già presente in 13, inserendolo in caso contrario

```
list mergeList(list 11, list 12) {
   list 13 = copy(11);
   if (empty(12)) return 13;
   else if (!member(head(12), 13))
        13 = insord_p(head(12), 13);
   return mergeList(13, tail(12)); }
```

<u>Esercizio 1</u>: realizzare una **versione iterativa di mergeList** (aumentare l'efficienza tenendo conto che nell'analisi del successivo elemento di l2 si può ripartire dall'ultimo elemento di l1 analizzato)

<u>Esercizio 2</u>: si leggano da terminale alcuni *nomi* e li si inserisca in una *lista ordinata alfabeticamente*, e si stampi la lista ottenuta