



# Graph-based Planning

Pianificazione STRIPS basata su grafi

# L'esercitazione/lezione di oggi

---

## Argomento: Pianificazione basata su grafi & derivati

- Graphplan
  - Richiami su pianificazione grafica
  - Graphplan in azione
- Fast Forward
  - Richiami + FF in azione
- Modellazione PDDL
  - Esercizio PDDL #1
- SATPlan & Blackbox
  - Pianificazione come problema di soddisfacibilità
  - Blackbox in azione
  - Esercizio PDDL #2



# Graphplan

Pianificazione basata su grafi

# Graphplan

---

## Cos'è Graphplan?

- E' un pianificatore per problemi tipo STRIPS introdotto da Blum & Furst (CMU) nel 1995
- Basato su una struttura dati detta planning graph
- Pianificazione come ricerca sul planning graph
- E' un pianificatore off-line
- E' completo e produce sempre il piano più corto possibile
- Produce piani parzialmente ordinati

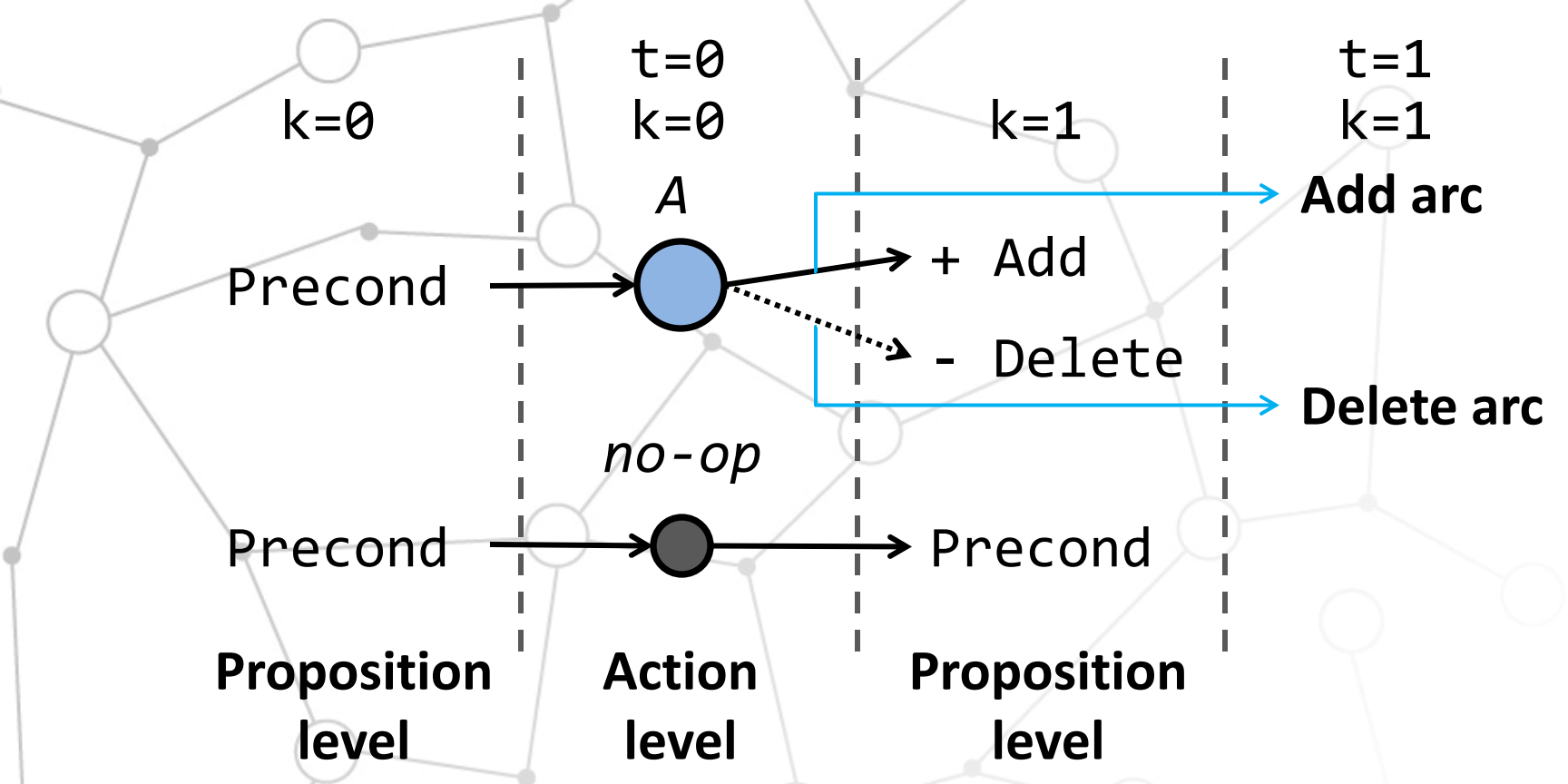
# Pianificazione STRIPS like

---

- Le azioni si rappresentano come quelle di STRIPS con  
PRECONDIZIONI  
ADD LIST  
DELETE LIST
- E' implicitamente definita una azione **no-op** che non modifica lo stato
- **Stato = oggetti + insieme di predicati**  
Gli oggetti hanno un tipo (typed)!

# Planning graph

- Il planning graph è un **grafo diretto a livelli**:
  - Proposition levels, contenenti proposition nodes
  - Action levels, contenti action nodes
- Il livello 0 corrisponde allo stato iniziale (è un proposition level)
- Gli archi si dividono in:
  - Archi *precodizione* (proposition  $\rightarrow$  action)
  - Archi *add* (action  $\rightarrow$  proposition)
  - Archi *delete* (action  $\rightarrow$  proposition)



- Si può inserire una azione all'action level  $k$  se le sue precondizioni sono presenti al proposition level  $k$
- Ogni action level contiene tutte le azioni applicabili
- Azioni fittizie "no-op" traslano le proposizioni di un time step al successivo

# Costruzione del planning graph

Algoritmo per la costruzione passo a passo del planning graph:

## 1. INIZIALIZZAZIONE:

Aggiungi le proposizioni vere nello stato iniziale

## 2. CREAZIONE DELL'ACTION LEVEL $k$ :

1. Inserisci i no-op (uno per proposizione) del prop. level  $k$

2. Aggiungi le azioni applicabili  
(precondizioni non mutuamente esclusive)

## 3. CREAZIONE DEL PROPOSITION LEVEL $k$ :

1. Aggiungi gli effetti dei no-op (proposizioni a livello  $k-1$ )

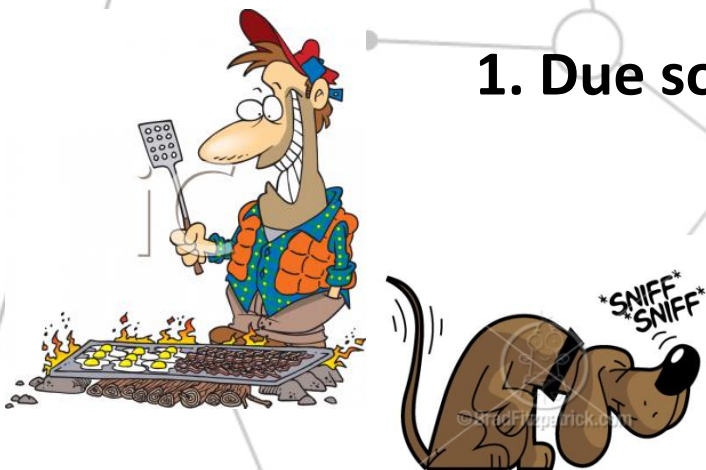
2. Aggiungi gli add effects del resto dell'action level  $k$

3. Aggiungi i delete arcs



# Un esempio classico

1. Due soggetti



2. Un luogo di partenza



3. Un mezzo di trasporto



4. Un luogo di destinazione



# Un esempio classico

## Azioni:

- **MOVE(R, PosA, PosB)**  
PRECONDIZIONI: `at(R,PosA)`, `hasFuel(R)`  
ADD LIST: `at(R,PosB)`  
DELETE LIST: `at(R,PosA)`, `hasFuel(R)`
- **LOAD(Oggetto, R, Pos)**  
PRECONDIZIONI: `at(R,Pos)`, `at(Oggetto,Pos)`  
ADD LIST: `in(R,Oggetto)`  
DELETE LIST: `at(Oggetto,Pos)`
- **UNLOAD(Oggetto, Pos)**  
PRECONDIZIONI: `in(R,Oggetto)`, `at(R,Pos)`  
ADD LIST: `at(Oggetto,Pos)`  
DELETE LIST: `in(R,Oggetto)`

# Un esempio classico

---

## Tipi, stato, goal:

- **OGGETTI:**

carrello: car (c)

oggetti: jack (j), bobby (t)

locazioni: home (h), mushrooms (m)

- **STATO INIZIALE:**

at(j,h)

at(b,h)

at(c,h)

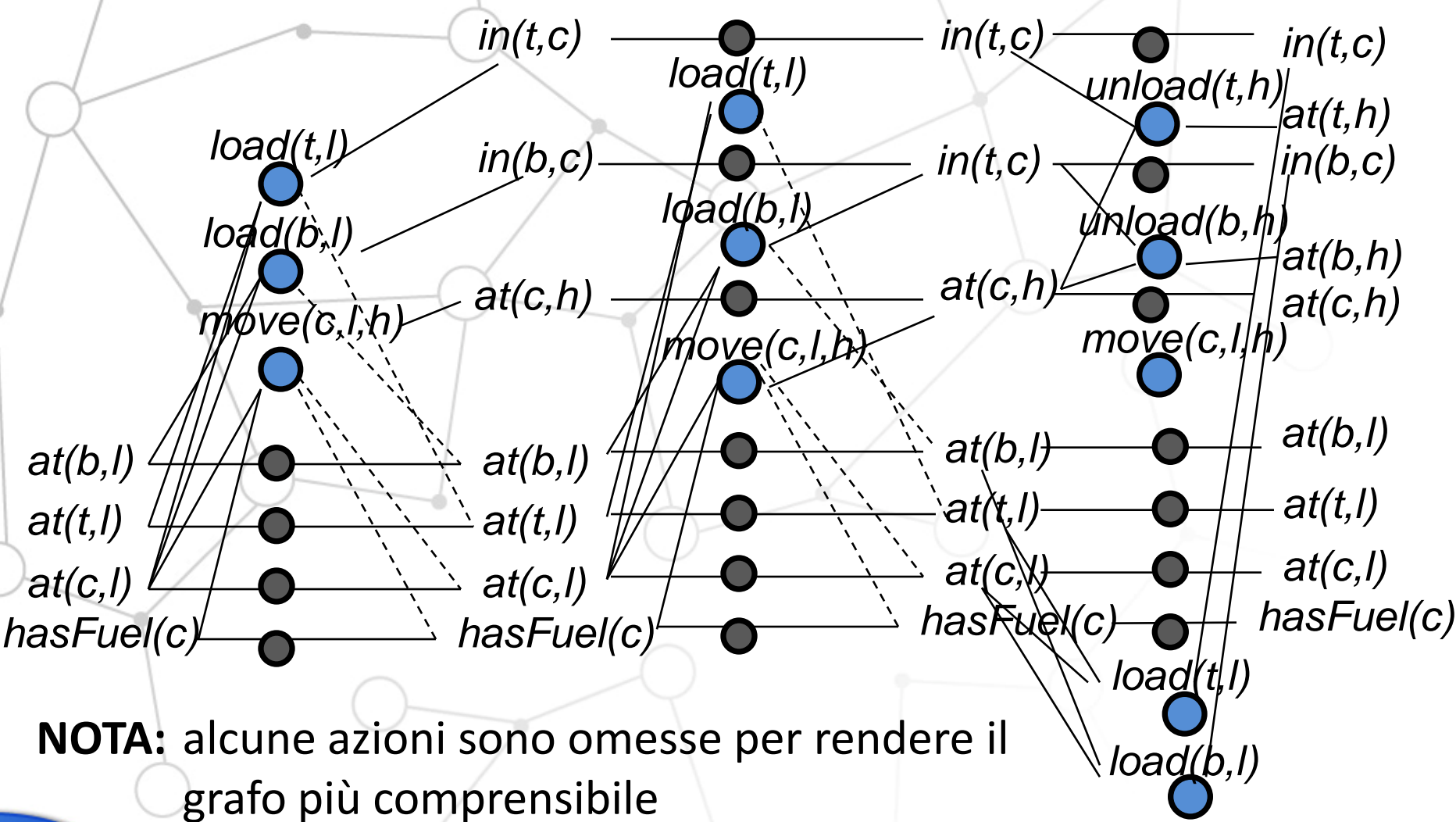
hasFuel(c)

- **GOAL:**

at(j, m)

at(b, m)

Per ogni operatore/proposizione ad ogni time step viene calcolata una lista di mutua esclusione



**NOTA:** alcune azioni sono omesse per rendere il grafo più comprensibile

# Inconsistenze

---

Inconsistenza tra **azioni**:

- Interferenza (interference): una azione nega un effetto o una precondizione di un'altra
- Requisiti in competizioni (competing needs): due azioni hanno precondizioni mutuamente esclusive

Due **proposizioni** sono mutuamente esclusive:

- Se sono uno la negazione dell'altro
- Inconsistenze sul dominio
- Se tutti i possibili modi per raggiungerli coinvolgono azioni mutuamente esclusive

# Estrazione di un piano

---

## Valid plan

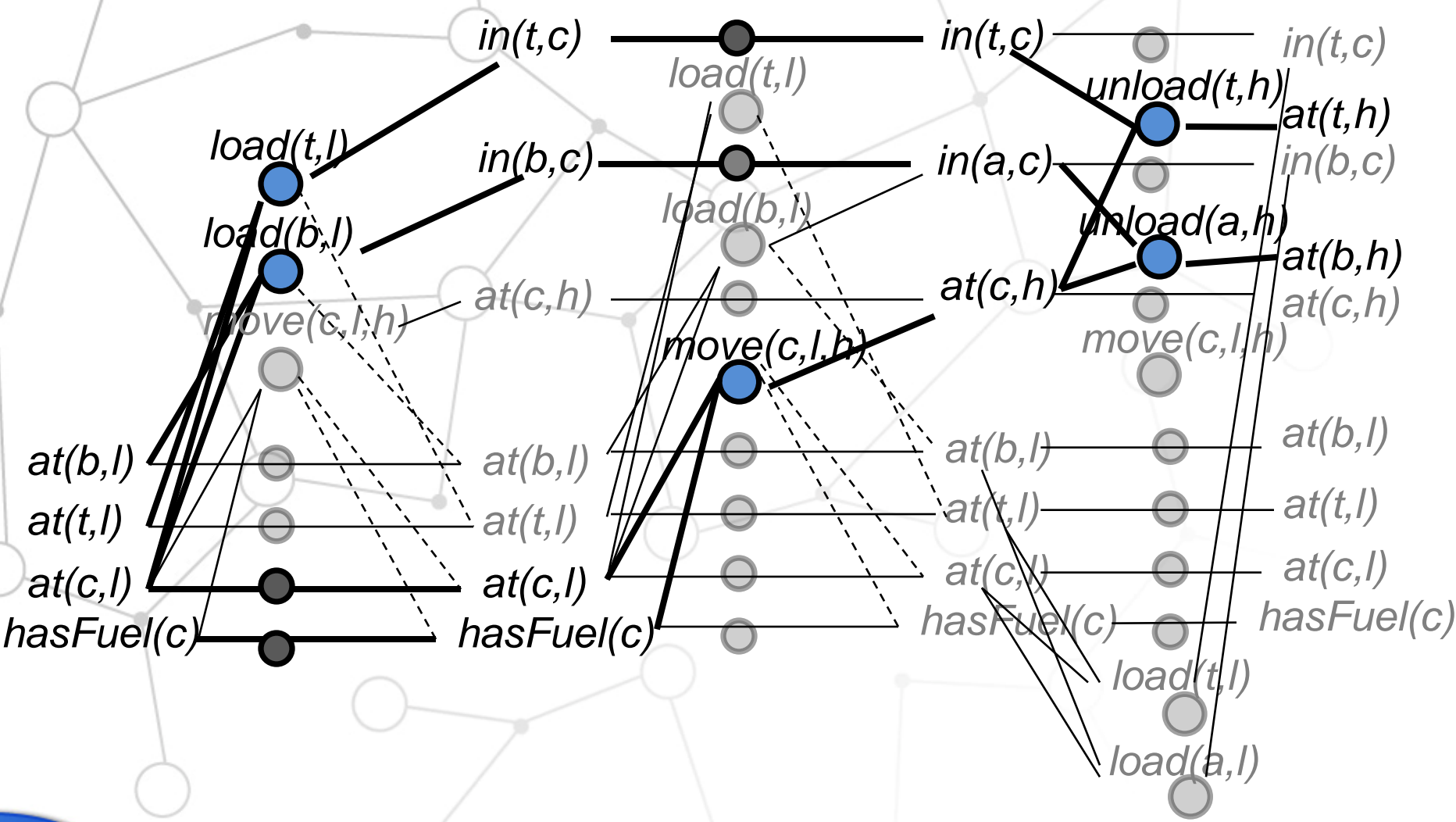
un sottografo connesso e consistente del planning graph

- Azioni allo stesso time step del valid plan possono essere eseguite in qualunque ordine (non interferiscono)
- Proposizioni allo stesso time step del valid plan sono non mutuamente esclusive
- L'ultimo time step contiene tutti i letterali del goal e questi non sono marcati come mutuamente esclusivi

## La ricerca di un valid plan

- procede a ritroso a partire dai goals
- Ad ogni step viene selezionato un insieme di azioni

# Un esempio di valid plan





# Graphplan: algoritmo

```
function GRAPHPLAN(problema):  
    grafo = GRAFO_INIZIALE(problema)  
    obiettivi = GOAL(problema)  
    loop do:  
        if obiettivi non mutex nell'ultimo step:  
            Sol = ESTRAI_SOLUZIONE(grafo, obiettivi)  
            if Sol ≠ fail: return Sol  
            else if LEVEL_OFF(grafo): return fail  
        grafo = ESPANDI_GRAFO(grafo, problema)
```

- **Memoization** (non è un errore tipografico!)

Se si determina che un sottoinsieme di goals non è soddisfacibile, graphplan salva questo risultato in una hash table, per evitare di fare la stessa scelta in futuro.



# Esercizio

---

## Avviare Graphplan

- Potete trovare Graphplan su `/afs/reinbow.ing.unibo.it/software/linux/ia2010/`
- Ma vi conviene farvi un link in un posto comodo (la vostra home? Il desktop?)  
In `–s ... <percorso> <link name>`
- Eseguire Graphplan  
`cd <percorso>`  
`./graphplan -h`
- Scaricate dal sito del corso gli esercizi su Graphplan; una volta estratto l'archivio trovate:  
`ops file: cart.gp.ops`  
`fact file: cart.gp.facts`

# Esercizio

---

## Vediamo la costruzione del grafo in azione...

- Provate a risolvere il problema del carrello con Graphplan
- Aumentando mano a mano il livello di dettaglio dell'output, cercate di identificare:
  - Il grafo via via prodotto
  - Le liste di mutua esclusione

# Esercizio

---

## Vediamo la ricerca di un valid plan in azione...

- Provate a risolvere il problema del carrello con Graphplan
- Aumentando mano a mano il livello di dettaglio dell'output, cercate di identificare:
  - Il punto in cui avviene la ricerca
  - Se viene usata la memoization
  - Provate a disabilitare l'utilizzo delle mutue esclusioni; cosa vi aspettate che succeda? Cosa succede effettivamente?



# **FF: Fast Forward**

Pianificazione basata su grafi come euristica

# FF: Fast Forward

---

## Fast Forward

FF è un pianificatore euristico estremamente efficiente introdotto da Hoffmann nel 2000

- Euristico = ad ogni stato  $S$  è una valutazione della distanza dal goal mediante una funzione euristica

**Funzionamento base:** hill climbing +  $A^*$

1. A partire da uno stato  $S$ , si esaminano tutti i successori  $S'$
2. Se si individua uno stato successore  $S^*$  migliore di  $S$ , ci si sposta su di esso e torna al punto 1
3. Se non si trova alcuno stato con valutazione migliore, viene eseguita una ricerca completa  $A^*$ , usando la stessa euristica

# Esercizi

---

## Avviare FF

- Potete trovare FF su [/afs/reinbow.ing.unibo.it/software/linux/ia2010/](http://afs.reinbow.ing.unibo.it/software/linux/ia2010/)
- Decomprimere l'archivio, poi fate un link simbolico al programma come nel caso precedente
- Provare ad eseguire il programma utilizzando come input i due files .pddl e .facts che avete trovato nell'archivio

# PDDL

---

## Planning Domain Definition Language

Tentativo di standardizzazione di un linguaggio per modellare problemi di planning

- Sviluppato come supporto all'International Planning Competition

### Una definizione PDDL consiste di due parti

- Un dominio (operatori + oggetti)
- Un problema

Tipicamente in file separati

# PDDL - Domain

## Sintassi (approssimativa) di una definizione di dominio

```
(define (domain DOMAIN_NAME)
  (:requirements [:strips] [:equality] [:typing] [:adl])
  (:types NAME_1 ... NAME_N)
  (:predicates
    (PREDICATE_1_NAME [?A1 ?A2 ... ?AN])
    ...
  )

  (:action ACTION_1_NAME
    [:parameters (?P1 ?P2 ... ?PN)]
    [:precondition PRECOND_FORMULA]
    [:effect EFFECT_FORMULA] )
  ...
)
```



# PDDL - Domain

## Sintassi (approssimativa) di una definizione di dominio

```
(define (domain DOMAIN NAME)
  (:requirements [strips] [equality] [typing] [adl])
  [(:types NAME_1 ... NAME_N)]
  (:predicates
    (PREDICATE_1_NAME [?A1 ?A2 ... ?AN])
    ...
  )
  (:action ACTION_1_NAME
  [:parameters (?P1 ?P2 ... ?PN)]
  [:precondition PRECOND_FORMULA]
  [:effect EFFECT_FORMULA] )
  ...
)
```

caratteristiche del  
linguaggio effettivamente  
utilizzate

# PDDL - Domain

## Sintassi (approssimativa) di una definizione di dominio

```
(define (domain DOMAIN_NAME)
  (:requirements [:strips] [:equality] [:typing] [:adl])
  [(:types NAME_1 ... NAME_N)]
  (:predicates
    (PREDICATE_1_NAME [?A1 ?A2 ... ?AN])
    ...
  )
  (:action ACTION_1_NAME
  [:parameters (?P1 ?P2 ... ?PN)]
  [:precondition PRECOND_FORMULA]
  [:effect EFFECT_FORMULA] )
  ...
)
```

Tipi di oggetto che fanno parte del dominio

# PDDL - Domain

## Sintassi (approssimativa) di una definizione di dominio

```
(define (domain DOMAIN_NAME)
  (:requirements [:strips] [:equality] [:typing] [:adl])
  (:types NAME_1 ... NAME_N)
  (:predicates
    (PREDICATE_1_NAME [?A1 ?A2 ... ?AN])
    ...
  )
  (:action ACTION_1_NAME
   [:parameters (?P1 ?P2 ... ?PN)]
   [:precondition PRECOND_FORMULA]
   [:effect EFFECT_FORMULA] )
  ...
)
```

Tipi di predicato; e.g.  
at(home,car)

# PDDL - Domain

## Sintassi (approssimativa) di una definizione di dominio

```
(define (domain DOMAIN_NAME)
  (:requirements [:strips] [:equality] [:typing] [:adl])
  [(:types NAME_1 ... NAME_N)]
  (:predicates
    (PREDICATE_1_NAME [?A1 ?A2 ... ?AN])
    ...
  )
  (:action ACTION_1_NAME
    [:parameters (?P1 ?P2 ... ?PN)]
    [:precondition PRECOND_FORMULA]
    [:effect EFFECT_FORMULA] )
  ...
)
```

Descrizione degli operatori

# PDDL – Predicati e azioni

---

## Sintassi per le variabili con tipo:

?<var name> - <type>

## Sintassi di una formula

Aggregazione di predicati mediante operatori logici:

(and PREDICATE\_1 ... PREDICATE\_N)

(or PREDICATE\_1 ... PREDICATE\_N)

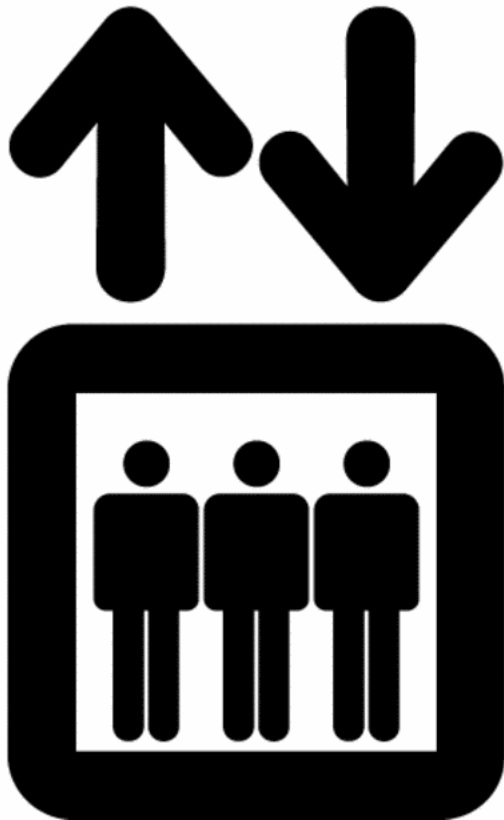
(not PREDICATE)

## Effetti

Add e delete effect sono aggregati (i delete effect sono predicati in “not” nella formula:

:effect FORMULA

# Esercizio



- Un palazzo ha 5 piani, 5 inquilini e due ascensori
- Ad un'ora  $X$  di un giorno  $Y$  ogni inquilino si trova ad un piano e deve arrivare ad un altro
- Occorre trovare un piano di spostamento che porti ogni inquilino alla sua destinazione

Si modelli il problema in PDDL e lo si risolva con FF. Occorre fare in modo che il pianificatore produca mantenga basso tempo di spostamento degli ascensori.

# Gli inquilini



Il giovane **Enrico** è al piano terra dopo una mattinata faticosa e torna a casa al 3° piano



Dopo un pranzo in famiglia al 3° piano, **Ettore** torna al lavoro nell'officina al pianterreno

L'avvenente **Elena** è al piano terra e riporta soddisfatta i suoi acquisti al 2° piano



**Elvira** ed **Ennio** sono al 1° (a giocare a briscola) e al 2° (a comporre) e tornano al 4° piano





# Blackbox

Unificare pianificazione basata su grafi e  
pianificazione come soddisfacibilità



# SATPLAN

---

## SATPLAN

Nel '92 Selman e Kautz introducono un approccio alla pianificazione basato sulla ricerca di un assegnamento di variabili logiche indicanti una selezione di azioni che soddisfi una serie di vincoli, piuttosto che sulla deduzione

## APPROCCIO DEDUTTIVO

situation calculus – Formulazione di Green

- Data una serie di regole di deduzione in first order logic...
- ...e un insieme di fluent inizialmente validi...
- ...si cerca di dedurre i goals

**Idea:** modellarlo come un SATisfiability problem (SAT)

# SATPLAN

---

## SATisfiability problem

Problema di decidere se una formula logica sia soddisfacibile; è definito da:

- $X$  = insieme delle variabili (0-1)
- $F$  = formula logica

**PRO:** esistono risolutori **molto** efficienti per SAT che diventerebbero utilizzabili come pianificatori

**CON:** La codifica diretta della formulazione di Green, tuttavia, pone alcuni problemi...

# SATPLAN

1. Le regole di deduzione sono generali (ex. sono parametriche, quantificate universalmente)

$$\forall x, y: \text{clear}(x, s) \wedge \text{clear}(y, s) \\ \Rightarrow \text{on}(x, y, \text{move}(x, y, s)) \wedge \text{clear}(x, \text{move}(x, y, s))$$

...ma si applicano ad un numero finito di oggetti! Potremmo introdurre una variabile logica per ogni possibile unificazione di una azione con le sue precondizioni

→ **VARIABILE**

$$\text{clear}(b1, s) \wedge \text{clear}(b2, s) \wedge \text{move}(b1, b2, s) \\ \Rightarrow \text{on}(b1, b2, \text{move}(b1, b2, s)) \wedge \text{clear}(b1, \text{move}(b1, b2, s)) \\ \text{clear}(b1, s) \wedge \text{clear}(b3, s) \wedge \text{move}(b1, b3, s) \\ \Rightarrow \text{on}(b1, b3, \text{move}(b1, b3, s)) \wedge \text{clear}(b1, \text{move}(b1, b3, s)) \\ \dots$$

# SATPLAN

## 2. Le regole di deduzione sono ricorsive

$$\text{clear}(b1,s) \wedge \text{clear}(b2,s) \wedge \text{move}(b1,b2,s) \\ \Rightarrow \underline{\text{on}(b1,b2,\text{move}(b1,b2,s))} \wedge \underline{\text{clear}(b1, \text{move}(b1,b2,s))}$$

...ma a noi interessano piani con un numero finito di azioni!  
Potremmo introdurre una variabile logica per ogni possibile unificazione di una azione con le sue precondizioni ad ogni time step.

$$\text{clear}(b1,t_0) \wedge \text{clear}(b2,t_0) \wedge \text{move}(b1,b2,t_0) \\ \Rightarrow \text{on}(b1,b2,t_1) \wedge \text{clear}(b1, t_1) \\ \text{clear}(b1,t_1) \wedge \text{clear}(b3,t_1) \wedge \text{move}(b1,b2,t_1) \\ \Rightarrow \text{on}(b1,b3,t_2) \wedge \text{clear}(b1, t_2)$$

...

# SATPLAN

- 3. Le regole possono ammettere soluzioni spurie perché “falso”** implica qualunque cosa. Ex. Se “move” viene selezionata ed uno dei “clear” è falso, gli effetti possono essere ancora veri!

$$\text{clear}(b1, t0) \wedge \text{clear}(b2, t0) \wedge \text{move}(b1, b2, t0) \\ \Rightarrow \text{on}(b1, b2, t1) \wedge \text{clear}(b1, t1)$$

...ma precondizioni ed effetti possono essere trattati in modo simmetrico:

$$\text{move}(b1, b2, t0) \Rightarrow \text{clear}(b1, t0) \wedge \text{clear}(b2, t0) \wedge \\ \text{on}(b1, b2, t1) \wedge \text{clear}(b1, t1)$$

# SATPLAN → BLACKBOX

---

- Con questi accorgimenti, per un certo numero di time step  $k$ :
  1. problema = variabili logiche + vincoli logici ( $\wedge \vee \neg \Rightarrow$ )
  2. piano = un assegnamento delle variabili logiche

**SATPLAN** nella sua prima versione effettuava questa conversione con  $k$  crescente, e risolveva il problema mediante un SAT solver.

**BLACKBOX** (Selman, Kautz 1999) migliora l'approccio costruendo mano a mano un planning graph, e convertendo il planning graph in un problema SAT.

# Blackbox: algoritmo

```
function BLACKBOX(problema):  
    grafo = GRAFO_INIZIALE(problema)  
    obiettivi = GOAL(problema)  
    loop do:  
        if obiettivi non mutex nell'ultimo step:  
            converti il grafo in un problema SAT  
            Sol = RICERCA(problema SAT, risolutore)  
            if sol Sol ≠ fail: return Sol  
            else if LEVEL_OFF(grafo): return fail  
        grafo = ESPANDI_GRAFO(grafo, problema)
```

- Rispetto a graphplan cambia solo il modo di fare ricerca (e la conversione, chiaramente)
- Si può usare qualunque SAT solver, o anche graphplan stesso

# Esercizio

---

## Avviare blackbox

- Potete trovare blackbox su [/afs/reinbow.ing.unibo.it/software/linux/ia2010/](http://afs.reinbow.ing.unibo.it/software/linux/ia2010/)
- Decomprimere l'archivio, poi fate un link simbolico al programma come nel caso precedente
- Provare ad eseguire il programma utilizzando come input i due files `.pddl` e `.facts` che avete trovato nell'archivio



# Esercizio

---

## Vediamo blackbox in azione...

1. Ad eseguire blackbox sull'esempio del carrello
2. Ad eseguire blackbox usando come solver Graphplan
3. Ad eseguire blackbox usando come solver CHAFF
4. A vedere la WFF (Well Formed Formula) in cui viene convertito il planning graph all'ultimo stadio (per questo destreggiatevi un po' tra la varie opzioni disponibili)

# Esercizio

Modellare in pddl il **nine puzzle**

**Stato iniziale**

7	3	4
2		1
8	6	5

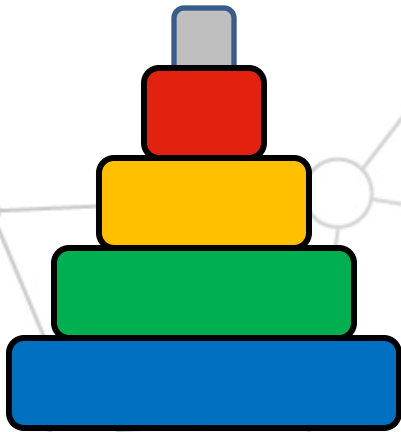
**Goal**

1	2	3
4	5	6
7	8	

- Provare a risolverlo con i vari pianificatori
- Come variano le performance “mescolando” un altro po’?

# Esercizio

Modellare in pddl il puzzle della **torre di Hanoi**



- Si sposta un cerchio alla volta
- Un cerchio più piccolo non può mai andare su uno più grande
- Obiettivo: spostare i cerchi nello stesso ordina sull'ultima asta
- Provare a risolverlo con i vari pianificatori

# Riferimenti

---

## ■ GRAPHPLAN

- <http://www.cs.cmu.edu/~avrim/graphplan.html>
- A. Blum and M. Furst, "Fast Planning Through Planning Graph Analysis", *Artificial Intelligence*, 90:281--300 (1997).

## ■ Blackbox

- <http://www.cs.rochester.edu/u/kautz/satplan/blackbox/index.html>
- SATPLAN: <http://www.cs.rochester.edu/u/kautz/satplan/index.htm>
- Henry Kautz and Bart Selman, "Planning as Satisfiability", *Proceedings ECAI-92*.
- Henry Kautz and Bart Selman, "Unifying SAT-based and Graph-based Planning", *Proc. IJCAI-99*, Stockholm, 1999.

## ■ Fast Forward

- <http://members.deri.at/~joergh/ff.html>
- J. Hoffmann, "FF: The Fast-Forward Planning System", in: *AI Magazine*, Volume 22, Number 3, 2001, Pages 57 - 62